

# FUNDAMENTALS OF GEOMETRY

چوکور

متاثل اور ایک جیسی اشکال

زاویوں کی خصوصیات

دارہ

متاثل مشائش

متوازی خطوط

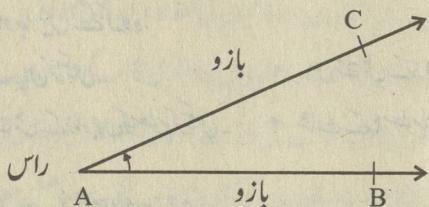
- اس یونٹ کی میکمل کے بعد طلباء س قبل ہو جائیں گے کہ وہ:
- متصل، پلیمنٹری اور پلیمنٹری زاویوں کی تعریف بیان کر سکیں۔
- راسی مقابل کے زاویوں کی تعریف بیان کر سکیں۔
- نامعلوم متصل، پلیمنٹری، پلیمنٹری اور راسی مقابل کے زاویوں کو معلوم کر سکیں۔
- مشاث کے نامعلوم زاویوں کو معلوم کر سکیں۔
- متوازی خطوط کی تعریف بیان کر سکیں۔
- دو خطوط جو ایک دوسرے کے متوازی ہوں ایک دوسرے کے متوازی ہوتے ہیں۔
- اگر تین متوازی خطوط کو دو خطوط اس طرح قطع کریں کہ متوازی خطوط سے ایک خط قاطع پر مساوی قطعات بنیں تو اس طرح دوسرے خط پر بننے والے قطعات مساوی ہوتے ہیں۔
- اگر کوئی خط مشاث کے ایک ضلع کی تصفیہ کرے اور دوسرے ضلع کے متوازی ہو تو وہ تیرے ضلع کی بھی تصفیہ کرے گا۔
- اشکال کی مدد سے درج ذیل متوازی خطوط کی خصوصیات کو ظاہر کر سکیں۔
- دو متوازی خطوط کو قطع کرنے والا ایک تراپز خاص کھینچنے اور اس خط کے ایک ہی طرف تناظرہ زاویوں، تبادلہ اندر و فی زاویوں، راسی مقابل کے زاویوں اور اندر و فی زاویوں کو ظاہر کر سکیں۔
- جب ایک تراپز خاص دو متوازی خطوط کو قطع کرے تو زاویوں کے جوڑوں کے درمیان درج ذیل تعلق بیان کر سکیں۔
- تناظرہ زاویوں کے جوڑے برابر ہوتے ہیں۔ تبادلہ اندر و فی زاویوں کے جوڑے برابر ہوتے ہیں۔ تراپز خاط کے ایک ہی طرف زاویے پلیمنٹری ہوتے ہیں انہیں اشکال سے بھی ظاہر کر سکتے ہیں۔
- متاثل اور ایک جیسی اشکال کی شناخت کر سکیں۔
- دو مثلثوں کے درمیان متاثل ہونے کی خصوصیات کا اطلاق کر سکیں۔
- مریخ کی درج ذیل خصوصیات کو ظاہر کر سکیں۔
- مریخ کے چاروں اضلاع لمبائی میں برابر ہوتے ہیں۔
- مریخ کے چاروں اضلاع لمبائی میں برابر ہوتے ہیں۔
- مریخ کے دو ایک دوسرے کو دو برابر حصوں میں تقسیم کرتے ہیں اور لمبائی میں برابر ہوتے ہیں۔
- مستطیل کی درج ذیل خصوصیات کو ظاہر کر سکیں۔
- مستطیل کے ہر دو مخالف اضلاع لمبائی میں برابر متوازی ہوتے ہیں۔
- مستطیل کے چاروں زاویے قائم زاویے ہوتے ہیں۔
- مستطیل کے دو ایک دوسرے کو دو برابر حصوں میں تقسیم کرتے ہیں۔
- متوازی الاضلاع کی درج ذیل خصوصیات کو ظاہر کر سکیں۔
- متوازی الاضلاع کے ہر دو مخالف اضلاع لمبائی میں برابر متوازی ہوتے ہیں۔
- مقابله زاویے برابر ہوتے ہیں۔
- متوازی الاضلاع کے دو ایک دوسرے کو دو برابر حصوں میں تقسیم کرتے ہیں۔
- دارہ، اس کے مرکز برداں، نقطہ، کاؤنٹ، توں، بڑی توں، چھوٹی توں، نصف دارہ اور دارہ کے حصوں کو بیان کر سکیں۔
- درج ذیل خصوصیات کو ظاہر کر سکیں۔
- نصف دارہ میں زاویہ قائم زاویہ ہوتا ہے۔
- دارہ کے ایک ہی حصہ میں زاویے برابر ہوتے ہیں۔
- دارہ کی چھوٹی توں کا مرکزی زاویہ تناظرہ بڑی توں کے مرکزی زاویہ کا دو گناہوتا ہے۔
- درج بالا خصوصیات کا جیو میٹری کی مختلف اشکال پر اطلاق کر سکیں۔

## 7.1 زاویوں کے خواص PROPERTIES OF ANGLES

زاویوں کے خواص کا مطالعہ کرنے سے پہلے آئیے ہم کچھ جماعتوں میں جو کچھ پڑھا اس کا اعادہ کریں۔

### زاویہ Angle

زاویہ دو ایسی شعاعوں کا یوں ہوتا ہے جو ایک مشترک نقطہ سے شروع ہوتی ہیں۔ یہ شعاعیں زاویے کے بازو اور مشترک نقطہ، زاویہ کا راس کہلاتا ہے۔



زاویہ کے نام یوں رکھے جاتے ہیں:

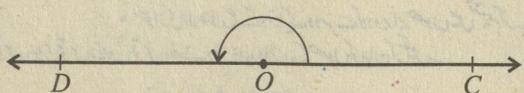
1- راس کے نام سے جیسا کہ  $\angle A$

2- راس کے علاوہ دونوں بازوؤں کے ایک ایک نقطہ کو ساتھ ملا کر۔ اس میں نقطہ راس کو درمیان میں لکھا جاتا ہے۔

$\angle BAC$  یا  $\angle CAB$

### زاویہ مستقیم Straight Angle

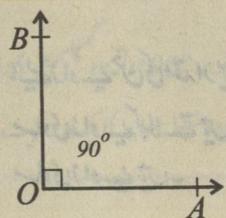
زاویہ مستقیم  $180^\circ$  کا ہوتا ہے اور یہ دو قائمہ زاویوں کے برابر ہوتا ہے۔ زاویہ مستقیم کے دونوں بازوؤں مختلف اطراف میں کھلتے ہیں اور ایک خط مستقیم بناتے ہیں۔



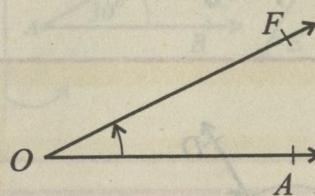
**Right Angle**

دی ہوئی شکل ایک قائمہ زاویہ کی ہے۔ قائمہ زاویہ  $90^\circ$  کا ہوتا ہے۔

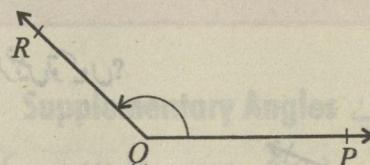
$$m\angle AOB = 90^\circ$$

**acute angle** حادہ زاویہ

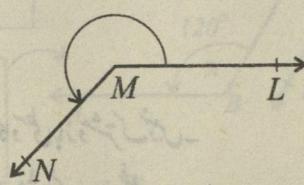
ایک حادہ زاویہ  $0^\circ$  سے بڑا اور  $90^\circ$  سے کم ہوتا ہے۔  
زاویہ 'O' ایک حادہ زاویہ ہے۔

**Obtuse Angle** منفرجہ زاویہ

منفرجہ زاویہ  $90^\circ$  سے بڑا اور  $180^\circ$  سے چھوٹا ہے۔ زاویہ 'Q' ایک منفرجہ زاویہ ہے۔

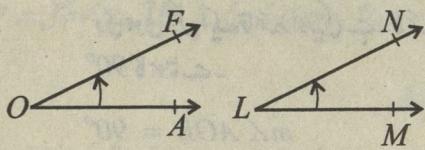
**Reflex Angle** منعکس زاویہ

زاویہ منعکس  $180^\circ$  سے بڑا اور  $360^\circ$  سے کم ہوتا ہے۔ زاویہ 'M' ایک منعکس زاویہ ہے۔



## مساوی زاویے Equal Angles

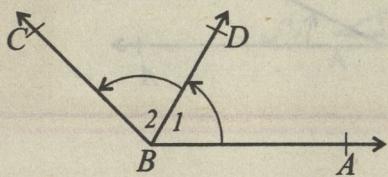
ایسے زاویے جن کی مقدار یہ مساوی ہوں،  
مساوی زاویے کہلاتے ہیں۔ زاویہ 'O' اور 'L'  
مساوی زاویے ہیں۔



### Adjacent, Complementary and Supplementary Angles

#### 7.1.1 متصلہ، کمپلیمنٹری اور سپلیمنٹری زاویے

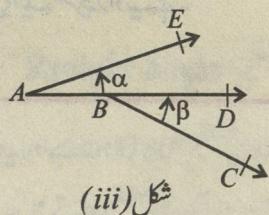
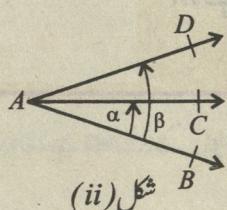
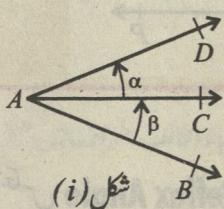
##### متصلہ زاویے Adjacent Angles



ایک ہی مشترک کہ راس پر بننے والے دو زاویے جن کا  
ایک بازو مشترک ہو۔ دی گئی شکل میں  $\angle 1$  اور  $\angle 2$   
دو متصلہ زاویے ہیں جن کا مشترک راس B اور  
مشترک بازو  $BD$  ہے۔

##### مثال:-

کیا نیچے دی گئی اشکال زاویے  $\alpha$  اور  $\beta$  متصلہ زاویے ہیں؟ اگر نہیں تو کیوں؟



##### حل:

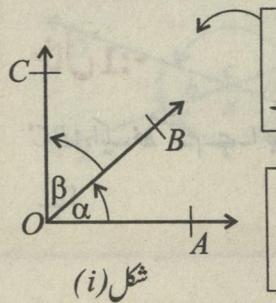
شکل (i) میں  $\alpha$  اور  $\beta$  متصلہ زاویے ہیں۔

شکل (ii) میں  $\alpha$  اور  $\beta$  متصلہ زاویے نہیں۔ کیونکہ ان کا سطھی بازو مشترک نہیں۔

شکل (iii) میں  $\alpha$  اور  $\beta$  متصلہ زاویے نہیں کیونکہ ان میں مشترک راس غیب ہیں۔

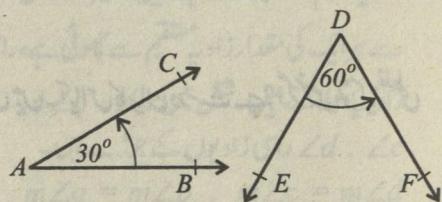
## کمپلیمنٹری زاویے Complementary Angles

اگر دو زاویوں کا مجموعہ  $90^\circ$  ہو تو وہ کمپلیمنٹری زاویے کہلاتے ہیں۔ اگر دو زاویوں کا مجموعہ زاویہ قائم کے برابر یعنی  $90^\circ$  ہو (ضروری نہیں کہ وہ متصل ہوں) ایک دوسرے کے کمپلیمنٹ کہلاتے ہیں۔



$\angle \beta$  اور  $\angle \alpha$   
کمپلیمنٹری اور متصل زاویے ہیں۔

$\angle A$  اور  $\angle D$   
کمپلیمنٹری زاویے ہیں۔



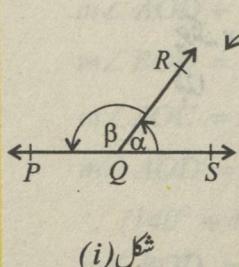
**نوت:**

اگر دو زاویے متصل اور کمپلیمنٹری ہوں تو ان کے بیرونی بازوں کا ایک دوسرے پر عمود ہوتے ہیں۔

شکل (i) میں  $\angle \alpha$  اور  $\angle \beta$  متصل اور کمپلیمنٹری ہیں پس  $\overrightarrow{OC} \perp \overrightarrow{OA}$

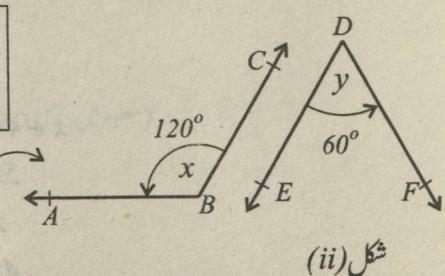
## سپلیمنٹری زاویے Supplementary Angles

ایسے دو زاویے جن کا مجموعہ  $180^\circ$  ہو، سپلیمنٹری زاویے کہلاتے ہیں۔ اگر دو زاویوں کا مجموعہ  $180^\circ$  ہو تو وہ ایک دوسرے کے سپلیمنٹ کہلاتے ہیں۔



$\angle \beta$  اور  $\angle \alpha$   
سپلیمنٹری اور متصل زاویے ہیں۔

$\angle y$  اور  $\angle x$   
صرف سپلیمنٹری زاویے ہیں۔



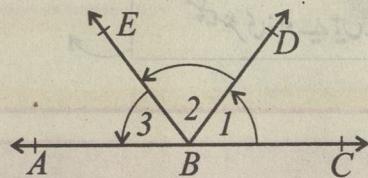
شکل (ii)

نوت:-

اگر دو زاویے متع辘 اور سلیمنٹری ہوں تو ان کے یہ ورنی بازوں خط مستقیم بناتے ہیں اور یوں ہی ہے۔  
پچھلے صفحہ پر شکل (i) میں سے  $\angle \alpha$  اور  $\beta$  متع辘 اور سلیمنٹری زاویے ہیں۔ لہذا  $PQS$  ایک خط مستقیم ہے۔

## مثال 1:-

$ABC$  ایک خط مستقیم ہے۔ احمد نے کہا زاویے 1, 2, 3 اور 3 سلیمنٹری ہیں۔ آیا اس کا بیان درست ہے؟ اگر نہیں تو کیا غلطی ہے؟



حل:-

نہیں۔ کیونکہ سلیمنٹری زاویوں کی تعداد دو ہوتی ہے تین نہیں۔

## مثال 2:-

اگر دو زاویے کمپلیمنٹری ہوں اور بڑا زاویہ چھوٹے زاویے کا چار گنا ہو تو ہر ایک زاویے کا درجہ کیا ہو گا؟

حل:-

فرض کیا چھوٹے زاویے کی مقدار  $x$  درجہ ہے تو  $4x$  بڑے زاویے کی مقدار ہے۔

چونکہ  $x$  اور  $4x$  کمپلیمنٹری ہیں۔

$$x + 4x = 90^\circ$$

$$5x = 90^\circ$$

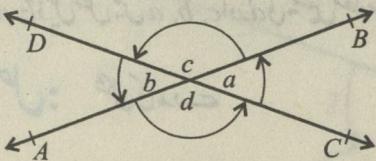
$$x = 18^\circ$$

$$4x = 72^\circ$$

پس مطلوب زاویے  $18^\circ$  اور  $72^\circ$  ہیں۔

## 7.1.2 راسی زاویے Vertical Angles

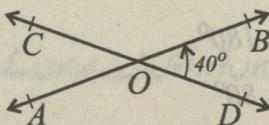
راسی زاویے ایسے دو زاویے ہوتے ہیں جو دو متقاطع خطوط سے بنتے ہیں اور جن میں سے ہر ایک مقدار، زاویہ مستقیم کے کم ہوتی ہے۔



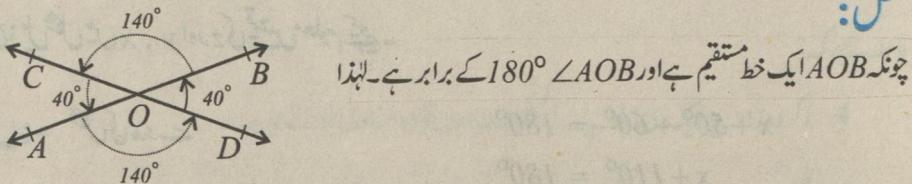
کسی ایک نقطہ پر سے متقاطع دو خطوط کھینچے۔ کتنے زاویے، زاویہ مستقیم سے چھوٹے بنتے ہیں۔ غیر متعصب جن میں سے ہر ایک کی مقدار زاویہ مستقیم سے چھوٹی ہے، راسی زاویے کہلاتے ہیں۔ شکل میں  $\angle a$ ،  $\angle b$  اور  $\angle d$  راسی زاویوں کے جوڑے ہیں۔  
 $m\angle a = m\angle b$  ،  $m\angle c = m\angle d$

**مثال:-**

شکل میں نقطہ  $O$  پر دو متقاطع خطوط  $AB$  اور  $CD$  ہیں اور  $m\angle BOD = 40^\circ$  بناتے ہیں۔ اور  $m\angle AOC$  کی مقدار کیا ہوگی؟ آپ  $\angle COA$  اور  $\angle BOD$  کے متعلق کیا کہیں گے؟



**حل:**



$$m\angle AOD + m\angle BOD = 180^\circ$$

$$m\angle BOD = 40^\circ \quad (\text{معلوم})$$

$$m\angle AOC = 40^\circ \quad (\text{معلوم میں دیا گیا} \angle AOC \text{ اور} \angle BOD \text{ کی برابری ہیں})$$

$$m\angle AOD = 140^\circ$$

$$\therefore (140^\circ + 40^\circ = 180^\circ)$$

$$m\angle BOD = m\angle COA$$

$$\text{اور} \angle COA \text{ اور} \angle BOD \text{ راسی زاویے ہیں۔}$$

### 7.1.3 نامعلوم زاویے حل کرنا Calculate Unknown Angles

آئیے درج ذیل مثالوں میں نامعلوم زاویے کو متصل، کمپلینٹری، سپلینٹری اور راسی زاویوں کی مدد سے معلوم کریں۔

#### مثال 1:-

درج ذیل شکل میں  $a$ ,  $b$ ,  $c$  اور  $d$  کی قیمتیں معلوم کیجیے۔

حل:- شکل کی مدد سے

$$c + 40^\circ + 80^\circ = 180^\circ$$

$$c + 120^\circ = 180^\circ$$

$$c = 180^\circ - 120^\circ$$

$$c = 60^\circ$$

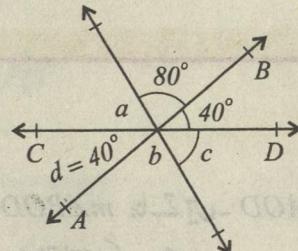
لیکن  $c = a = 60^\circ$  (راسی زاویے)

$$a + d + b = 180^\circ \quad \text{اب}$$

$$60^\circ + 40^\circ + b = 180^\circ$$

$$100^\circ + b = 180^\circ$$

$$b = 80^\circ$$



#### مثال 2:-

درج ذیل شکل میں  $x$ ,  $y$  اور  $z$  کی قیمتیں معلوم کیجیے۔

حل:- شکل کی مدد سے

$$x + 50^\circ + 60^\circ = 180^\circ$$

$$x + 110^\circ = 180^\circ$$

$$x = 180^\circ - 110^\circ$$

$$x = 70^\circ$$

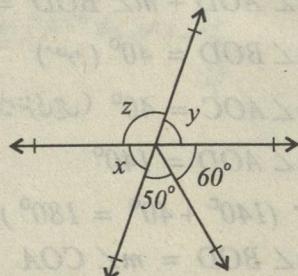
لیکن  $x = y$  (راسی زاویے)

$$y = 70^\circ$$

$$y + z = 180^\circ \quad \text{اب}$$

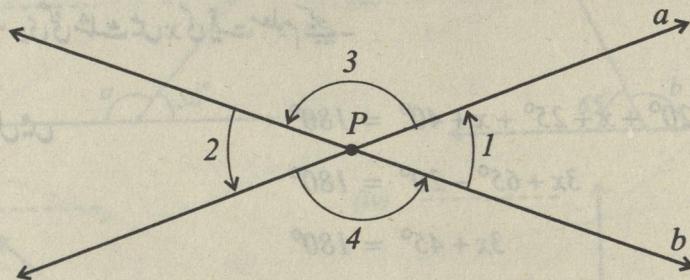
$$70^\circ + z = 180^\circ$$

$$z = 110^\circ$$



## THEOREM مسئلہ

اگر دو خطوط مستقیم قطع کریں تو راسی زاویے برابر ہوتے ہیں۔



خطوطالیکی اور  $b$  نے نقطہ  $P$  پر متقاطع ہیں اور ( $1 \angle$  اور  $2 \angle$ ) اور ( $3 \angle$  اور  $4 \angle$ ) راسی زاویوں کے جوڑے بناتے ہیں۔

اشارہ:

$1 \angle$  اور  $2 \angle$  ایک ہی زاویے کے سلیمانیت ہوں تو وہ آپس میں برابر ہوں گے۔

یاد رکھیے کہ:

◆ اگر دو زاویے ایک ہی زاویے کے کمپلینٹ ہوں تو وہ مساوی ہوتے ہیں۔

◆ اگر دو زاویے مساوی زاویوں کے کمپلینٹ ہوں تو وہ مساوی ہوتے ہیں۔

◆ اگر دو خطوط مستقیم آپس میں قطع کریں تو راسی زاویے مساوی ہوتے ہیں۔

◆ اگر دو زاویے ایک ہی زاویے کے سلیمانیت ہوں تو وہ مساوی ہوتے ہیں۔

## Calculate Unknown Angles of a Triangle

### 7.1.4 کسی مثلث کے نامعلوم زاویوں کو حل کرنا

کسی مثلث کے نامعلوم زاویوں کی مقدار معلوم کرنے کے لیے، ہم درج ذیل مثالوں کو مد نظر رکھتے ہیں اور پھر حل کرتے ہیں۔

**مثال 1:-** دی گئی مثلث میں  $x$  کی قیمت معلوم کیجیے۔

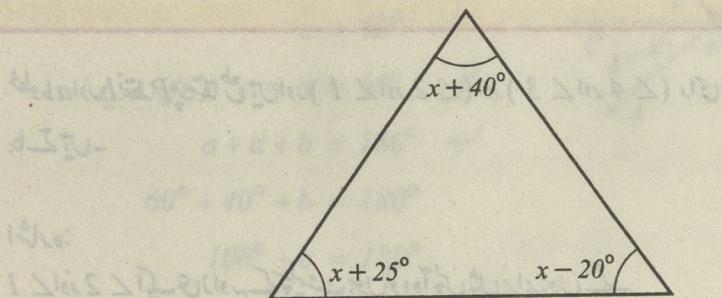
$$x - 20^\circ + x + 25^\circ + x + 40^\circ = 180^\circ$$

حل: شکل میں

$$3x + 65^\circ - 20^\circ = 180^\circ$$

$$3x + 45^\circ = 180^\circ$$

$$3x = 135^\circ \Rightarrow x = 45^\circ$$



پس تینوں زاویے معلوم ہوتے ہیں۔

$$x - 20^\circ = 45^\circ - 20^\circ = 25^\circ$$

$$x + 25^\circ = 45^\circ + 25^\circ = 70^\circ$$

$$x + 40^\circ = 45^\circ + 40^\circ = 85^\circ$$

**مثال 2:-** دی گئی مثلث میں  $x$  معلوم کریں۔

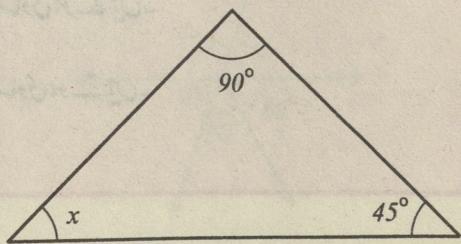
حل: ہم جانتے ہیں کہ

$$x + 45^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

$$x + 135^\circ = 180^\circ$$

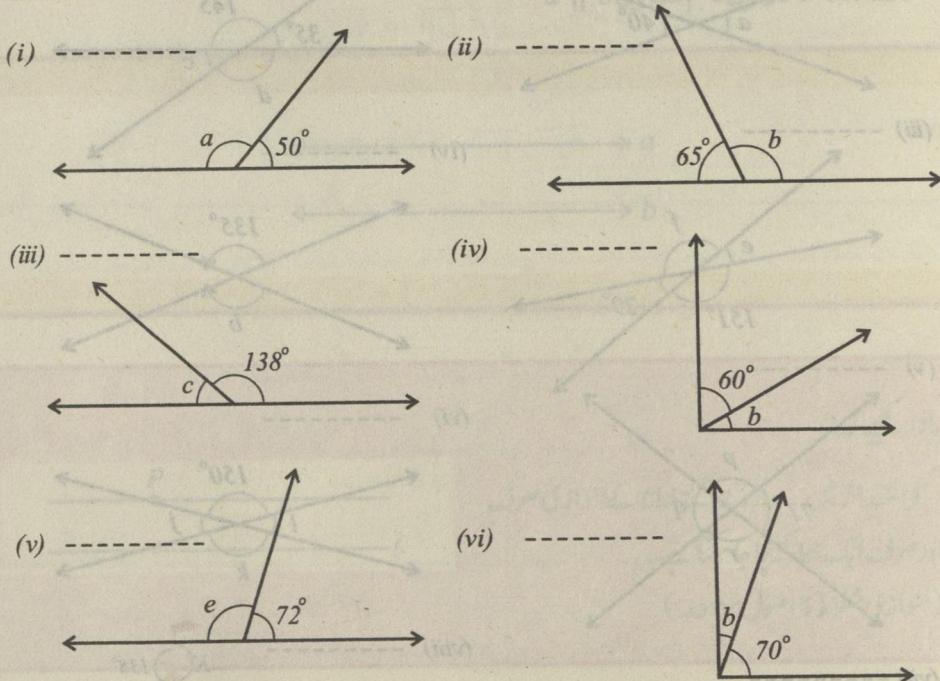
$$x = 180^\circ - 135^\circ$$

$$x = 45^\circ$$



### مشق 7.1

1- دیے گئے زاویوں کی مقداریں لکھیے اور پہچھے کہ یہ پلیمنٹری ہیں یا کہ سپلیمنٹری؟

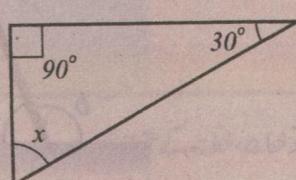


2- دو زاویے سپلیمنٹری ہیں اور بڑا زاویہ چھوٹے زاویے سے  $30^\circ$  بڑا ہے۔ ہر ایک زاویہ کی مقدار کتنی ہے؟

3- اگر کسی زاویے میں  $40^\circ$  جمع کیا جائے تو حاصل شدہ زاویہ، پہلے والے زاویے کے سپلیمنٹ کے برابر آتا ہے۔ پہلے والے زاویے کی مقدار معلوم کریں۔

4- دو زاویوں کا مجموع  $100^\circ$  ہے اور ان کے سلیمانوں کا فرق  $100^\circ$  ہے۔ زاویوں کی مقداریں معلوم کیجیے۔

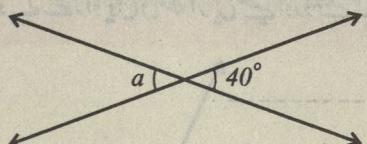
5- دو زاویوں کا مجموع  $100^\circ$  ہے پہلے زاویہ کا سپلیمنٹ دوسرا زاویہ کے سپلیمنٹ سے  $40^\circ$  زیادہ ہے۔ زاویے معلوم کیجیے۔



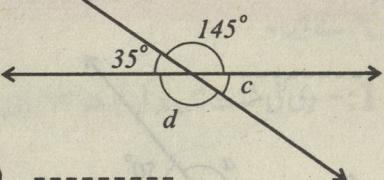
6- دی گئی مثلث کی مساوات لکھ کر x معلوم کریں۔

-7 حروف جبکہ سے ظاہر شدہ زاویوں کی قیمتیں معلوم کریں۔

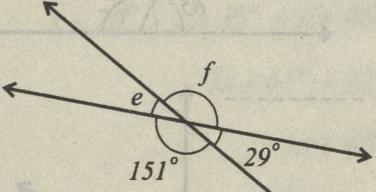
(i) -----



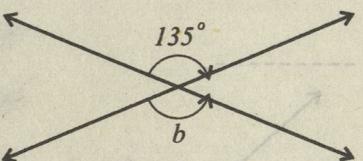
(ii) -----



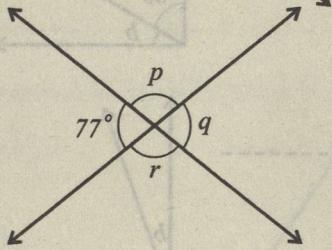
(iii) -----



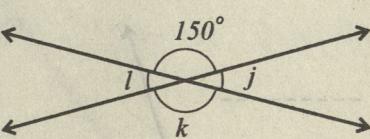
(iv) -----



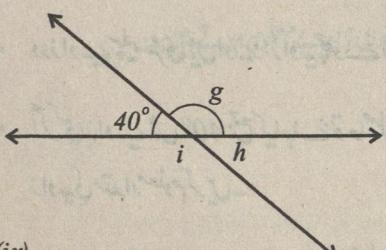
(v) -----



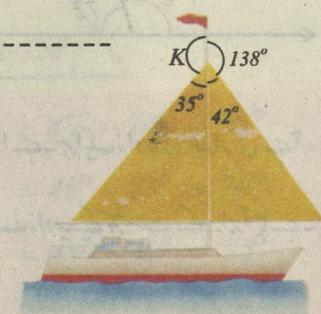
(vi) -----



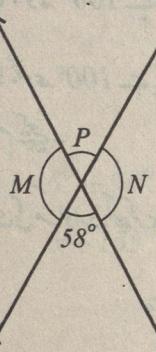
(vii) -----



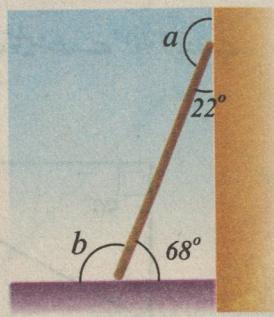
(viii) -----



(ix) -----



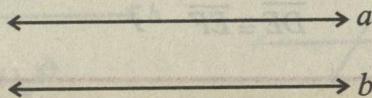
(x) -----



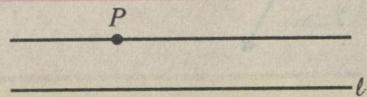
## 7.2 متوازی خطوط PARALLEL LINES

ایک ہی مستوی میں واقع ایسے دو خطوط جو کبھی نہ ملیں، متوازی خطوط کہلاتے ہیں۔

خطوط  $a$  اور  $b$  متوازی ہیں۔ ہم لکھتے ہیں  $a \parallel b$



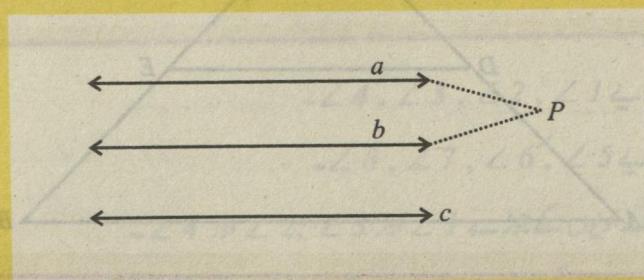
یاد رکھیے کہ:



کسی نقطے  $P$  میں سے دیے گئے خط  $l$  کے متوازی صرف  
اور صرف ایک خط کھینچا جاسکتا ہے۔  
(متوازی خطوط کا اصول موضوع)

### 7.2.1 متوازی خطوط کے خواص Properties Of Parallel Lines

(a) دو خطوط جو کسی تیرے خط کے متوازی ہوں، آپس میں بھی متوازی ہوتے ہیں۔



خط 'a'، خط 'c' کے متوازی ہے۔ خط 'b'، خط 'c' کے متوازی ہے تو خط 'a', 'b'، خط 'c' کے متوازی ہے۔ اگر  $a \parallel b \parallel c$ ،  $a \parallel c$

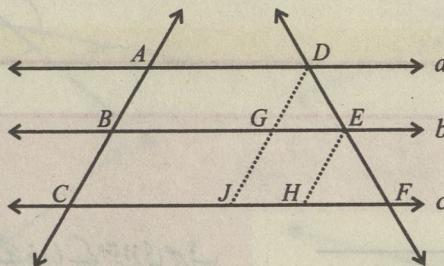
(b) اگر تین متوازی خطوط کو دو خطوط اس طرح قطع کریں کہ متوازی خطوط سے ایک خط قاطع پر مساوی قطعات بنیں تو اس طرح دوسرے خط پر بننے والے قطعات مساوی ہوتے ہیں۔

یعنی اگر  $\overline{AD} \parallel \overline{BE} \parallel \overline{CF}$

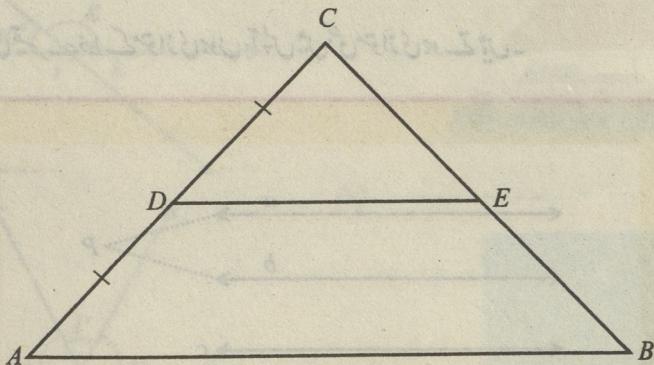
اور  $\overline{DF}$  کوئی سے خط قاطع ہے۔

$\overline{AB} \cong \overline{BC}$  اور

$\overline{DE} \cong \overline{EF}$  تو



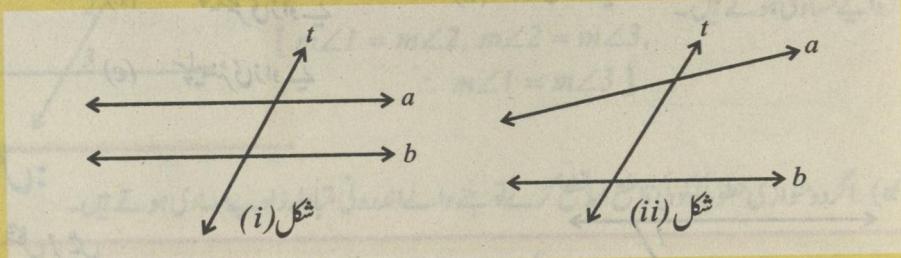
(c) اگر کوئی خط مثلث کے ایک ضلع کی تقسیف کرے اور دوسرے ضلع کے متوازی ہو تو وہ تیسرا ضلع کی بھی تقسیف کرے گا۔



یعنی اگر  $\Delta ABC$  میں  $\overline{CE} \cong \overline{EB}$  ہو تو  $\overline{DE} \parallel \overline{AB}$  اور  $\overline{CD} \cong \overline{DA}$

## 7.2.2 قاطع خط Transversal

قطع خط ایسا خط ہوتا ہے جو خطوط کو مختلف نقاط پر قطع کرے۔

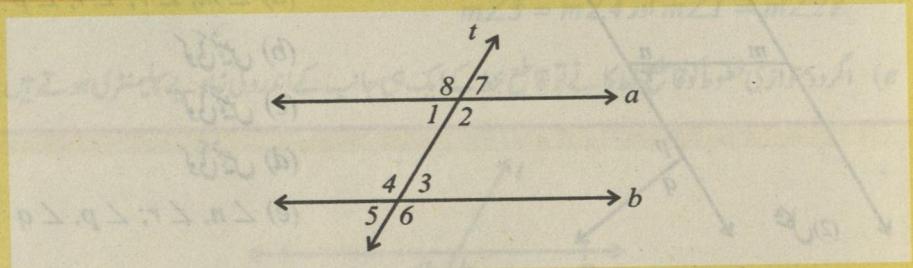


نوث:

شکل (i) اور (ii) میں قاطع خط "t" دو خطوط a اور b کو قطع (کاٹتے) کرتے ہیں۔

خط قاطع تین یا زیادہ خطوط کو ہر ایک پر ایک ایک نقطہ پر قطع کرتا ہے۔

اگر کوئی خط "t" دو متوالی خطوط a اور b کو قطع کرے تو بنے والے زاویوں کے نام درج ذیل طریقے سے دیے جاتے ہیں۔



1- چار اندر ونی زاویے 1 -  $\angle 4, \angle 3, \angle 2, \angle 1$

2- چار بیرونی زاویے 5 -  $\angle 8, \angle 7, \angle 6, \angle 5$

3- دو اندر ونی متبادلہ زاویوں کے جوڑے 1  $\angle$  اور 2  $\angle$ ; 3  $\angle$  اور 4  $\angle$ ۔

4- دو بیرونی متبادلہ زاویوں کے جوڑے 5  $\angle$  اور 6  $\angle$ ; 7  $\angle$  اور 8  $\angle$ ۔

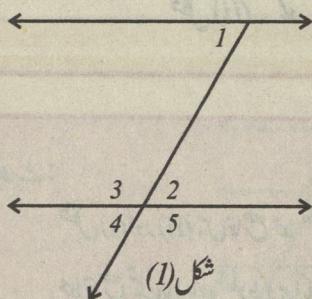
5- قاطع خط کے ساتھ ایک ہی جانب والے اندر ونی زاویوں کے جوڑے 2  $\angle$  اور 3  $\angle$  اور 1  $\angle$  اور 4  $\angle$ ۔

6- متناظرہ زاویوں کے چار جوڑے 2  $\angle$  اور 6  $\angle$ ; 1  $\angle$  اور 5  $\angle$  اور 3  $\angle$  اور 7  $\angle$ ; 4  $\angle$  اور 8  $\angle$ ۔

**مثال:-** نیچے دی گئی اشکال کو دیکھ کر درج ذیل سوالات کے جوابات دیجیے۔

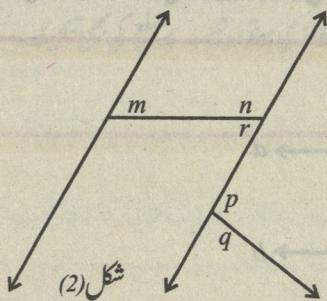
- (a) اندر وینی مقابلہ زاویے      (b) متناظرہ زاویے  
 (c) کمپلیمنٹری زاویے      (d) راسی زاویے  
 (e) سلیمنٹری زاویے

**حل:**



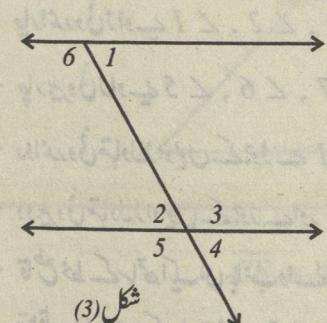
شکل 1 میں

- (a)  $\angle 1, \angle 2$   
 (b)  $\angle 1, \angle 4$   
 (c) کوئی نہیں  
 (d)  $\angle 3, \angle 5; \angle 2, \angle 4$   
 (e)  $\angle 3, \angle 2; \angle 2, \angle 5;$   
 $\angle 5, \angle 4; \angle 4, \angle 3$



شکل 2 میں

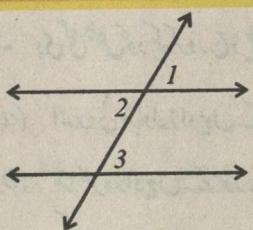
- (a)  $\angle m, \angle r; \angle r, \angle p$   
 (b) کوئی نہیں  
 (c) کوئی نہیں  
 (d) کوئی نہیں  
 (e)  $\angle n, \angle r; \angle p, \angle q$



شکل 3 میں

- (a)  $\angle 1, \angle 2; \angle 3, \angle 6$   
 (b)  $\angle 1, \angle 4; \angle 5, \angle 6$   
 (c) کوئی نہیں  
 (d)  $\angle 2, \angle 4; \angle 3, \angle 5$   
 (e)  $\angle 2, \angle 3; \angle 3, \angle 4;$   
 $\angle 4, \angle 5; \angle 2, \angle 5$

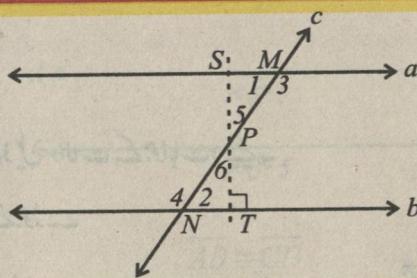
## 7.2.3 زاویوں کے جوڑوں میں تعلق Relation Between the Pairs of Angles



اگر دو متوالی خطوط کو کوئی خاط قطع کرے تو اس سے بننے والے متناظرہ زاویے مساوی ہوتے ہیں۔

$$[ m\angle 1 = m\angle 2, m\angle 2 = m\angle 3, \\ \therefore m\angle 1 = m\angle 3 ]$$

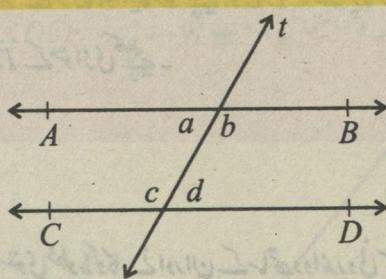
(d) اگر دو متوالی خطوط کو کوئی قاطع خط قطع کرے تو بننے والے اندر وینی متبادلہ زاویے مساوی ہوتے ہیں۔



دو متوالی خطوط a اور b کو قاطع خط c نکالتا ہے اور N پر با ترتیب کاٹتا ہے جس سے متبادلہ اندر وینی زاویوں کے جوڑے ( $\angle 1, \angle 2$  اور  $\angle 3, \angle 4$ ) بنتے ہیں۔

$$m\angle 3 = m\angle 4 \quad \text{اور} \quad m\angle 1 = m\angle 2$$

(e) اگر دو متوالی خطوط کو قاطع خط کاٹے تو قاطع خط کے ایک ہی جانب کے اندر وینی زاویے سلیمانی ہوتے ہیں۔



دو متوالی خطوط کو قاطع خط t کاٹتا ہے۔

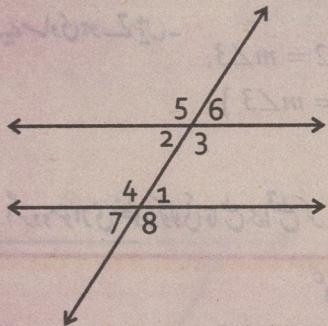
زاویے a, b, c, d اور d, c, b, a بنتے ہیں۔

$$m\angle b + m\angle d = 180^\circ$$

$$m\angle a + m\angle c = 180^\circ$$

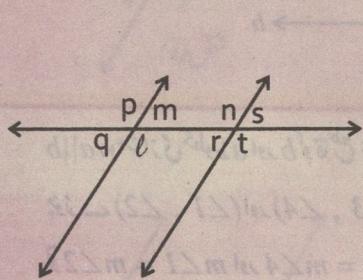
## مشق 7.2

1- دی گئی شکل کو درج ذیل سوالات کے جوابات دیجیے۔



- (a) اندر ونی تبادل زاویوں کے جوڑے
- (b) متناظرہ زاویوں کے جوڑے
- (c) کمپلیمنٹری زاویوں کے جوڑے
- (d) سلیمنٹری زاویوں کے جوڑے
- (e) راسی زاویوں کے جوڑے

2- دی گئی شکل کو دیکھیے اور درج ذیل سوالات کے جوابات دیجیے۔



- (a) اندر ونی تبادل زاویوں کے جوڑے
- (b) متناظرہ زاویوں کے جوڑے
- (c) کمپلیمنٹری زاویوں کے جوڑے
- (d) سلیمنٹری زاویوں کے جوڑے
- (e) راسی زاویوں کے جوڑے

3- خط  $\overline{DE}$  سے باہر نقطہ بیجیے۔  $X$  سے گزرتا ہوا ایسا خط کچھی جو  $\overline{DE}$  کو نقطے پر کاٹتا ہو امتباش متناظرہ زاویے

بناتے ہوئے اس نقطے میں  $\overline{DE}$  کے متوازی کچھی۔

**نوٹ کیجیے کہ:**

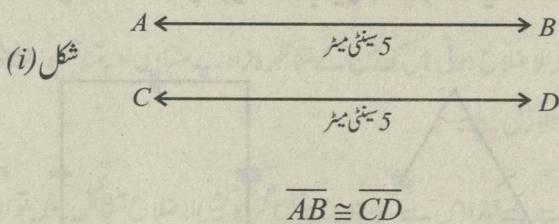
اگر کوئی قاطع خط دو، ہم مستوی خطوط کو کاٹے اور ان کے ساتھ دو اندر ونی سلیمنٹری زاویوں کے جوڑے بنائے تو وہ دونوں خطوط متوازی ہوتے ہیں۔

## 7.3 متماثل اور متشاکل اشکال CONGRUENT AND SIMILAR FIGURES

### 7.3.1 متماثل اشکال Congruent Figures

لفظ "متماثل" لا طینی لفظ ہے جس کے معنی "بہم رضامند" ہیں۔ دو بندی اشکال جن کی جسامت یکساں اور ہم شکل ہوں متماثل کہلاتی ہیں۔

ایک شکل دوسری شکل کے متماثل ہے۔ متماثل کی علامت  $\cong$  ہے۔ پس دو خط متماثل ہوں گے اگر ان کی لمبائیاں ایک جیسی ہوں گے۔

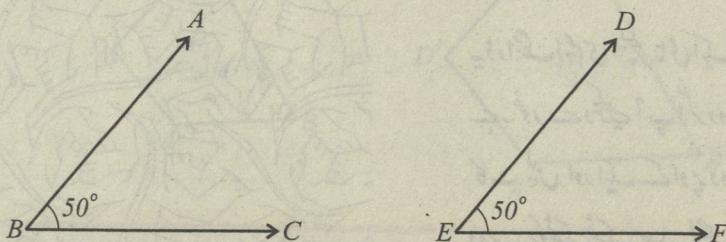


تمام قطع خط سیدھے ہونے کی بنیاد پر ہم شکل ہوتے ہیں۔ ان کی جسامت یکساں ہو گی اگر ان کی لمبائیاں ایک جیسی ہوں۔

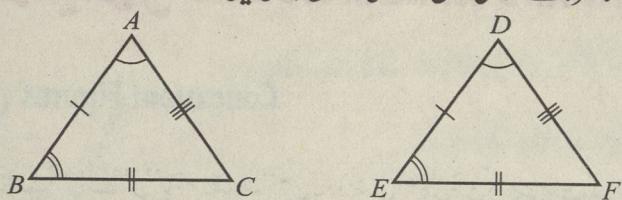
مندرجہ بالا شکل میں 5 سینٹی میٹر  $m\overline{AB} = m\overline{CD}$  اور  $\overline{AB} \cong \overline{CD}$  کی ایک جیسی جسامت کے ہیں۔

♦ دو قطعات جن کی لمبائیاں برابر ہوں متماثل قطعات کہلاتے ہیں۔ شکل (i) میں  $\overline{AB} \cong \overline{CD}$

♦ دو زاویے مقدار میں برابر ہوں تو وہ متماثل زاویے کہلاتے ہیں۔  $\angle ABC \cong \angle DEF$  ہے۔



♦ متماثل جن کے تناظرہ حصے متماثل ہوں، متماثل متماثل کہلاتی ہیں۔

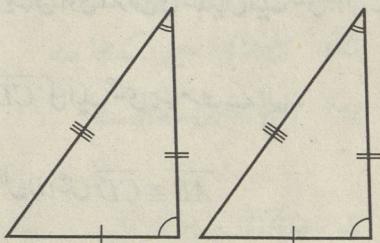
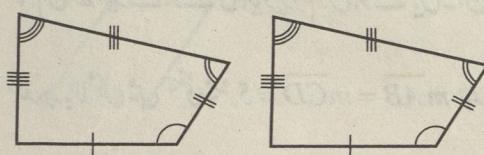
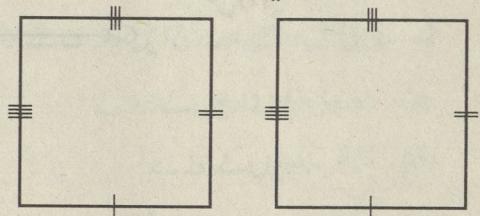
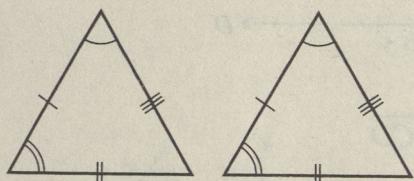


$$\overline{AB} \cong \overline{DE}, \overline{BC} \cong \overline{EF}, \overline{AC} \cong \overline{DF}$$

$$m\angle A = m\angle D, m\angle B = m\angle E, m\angle C = m\angle F \text{ اور}$$

$$\Delta ABC \cong \Delta DEF$$

دو کثیر الاضلاع جن کے راسوں کے جوڑے اس طرح بنائے جائیں کہ تناظرہ زاویے اور اضلاع متماثل ہوں تو وہ متماثل کثیر الاضلاع کہلاتی ہیں۔

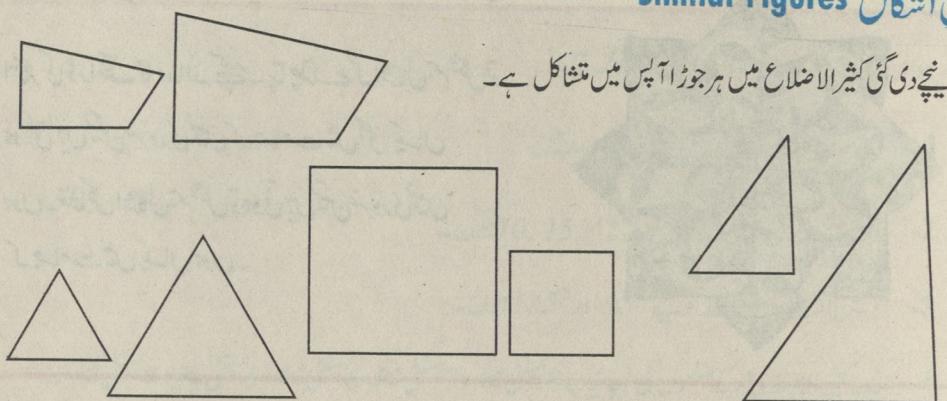


یہ ڈرائیگ ایم سی ایچ جن نامی ایک فن کارنے بنائی ہے۔ غور سے دیکھیے آپ اگر دو ہم شکل حصوں کو کاٹ لیں اور ایک کے اوپر دوسرے کو رکھیں تو دوسرے کو ٹھیک ٹھیک پچھا لے گا۔

متماثل اشکال سائز اور شکل میں ایک جسمی ہوتی ہے۔



## تمثاکل اشکال Similar Figures

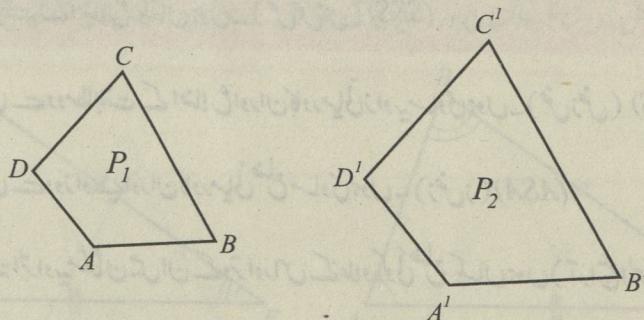


تمثاکل کیشرا اضلاع ایسی کیشرا اضلاع ہوتی ہیں کہ جن کے مقناظرہ زاویے مساوی اور مقناظرہ اضلاع تناسب میں ہوں۔  
یاد رہے کہ دونوں شرائط کا ہونا لازمی ہے۔

چونکہ تعریف کا عکس بھی درست ہے لہذا اس سے یہ عیاں ہے کہ اگر دو کیشرا اضلاع تمثاکل ہوں تو ان کے مقناظرہ زاویے مساوی ہوتے ہیں اور ان کے مقناظرہ اضلاع تناسب ہوتے ہیں۔

تمثاکل، تمثاکل کی طرح ایک خاص قسم کی مطابقت میں ہوتی ہے۔

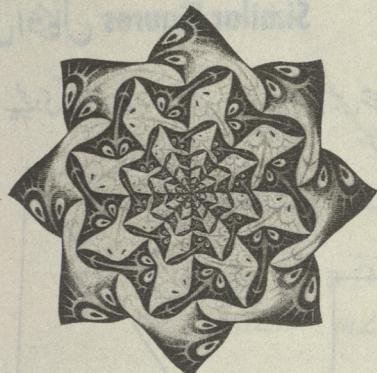
اگر کیشرا اضلاع  $P_1$ , کیشرا اضلاع  $P_2$  کے تمثاکل ہوں  $P_1 \sim P_2$  لکھا جاتا ہے۔



$$1- m\angle A = m\angle A', m\angle B = m\angle B'$$

$$m\angle C = m\angle C', m\angle D = m\angle D'$$

$$2- \frac{AB}{A'B'} = \frac{BC}{B'C'} = \frac{CD}{C'D'} = \frac{DA}{D'A'}$$



اپنے کی ڈرائیگ کا مطالعہ کیجئے۔ پتا چلتا ہے کہ اشکال ہم شکل تو ہو سکتی ہیں لیکن ضروری نہیں کہ جسامت میں بھی یکساں ہوں۔ تشاکل اشکال ہم شکل تو ہوتی ہیں لیکن ضروری نہیں کہ جسامت میں یکساں ہوں۔

### 7.3.2 علامت ( $\cong$ ) Symbol

علامت ( $\cong$ ) دو ہندسی اشکال جن کی جسامت اور شکل یکساں ہوں متماثل اشکال کہلاتی ہیں۔ متماثل کی علامت ( $\cong$ ) ہے۔

### 7.3.3 متماثل کی خصوصیات

1. متماثل اشکال ہر لحاظ سے یکساں ہوتی ہیں یعنی کہ ان کی شکل یکساں اور جسامت بھی یکساں ہوتی ہے۔

2. مثلثان متماثل ہوتی ہیں اگر ان پر درج ذیل میں سے کوئی ایک بھی شق لاگو ہو۔

(a) مطابقت کے اضلاع یکساں ہوں۔ ( $\text{ض} \text{ض} \text{ض}$ ) ( $SSS$ )

(b) کوئی سے دو مطابقت کے اضلاع اور ان کا درمیانی زاویہ مساوی ہوں۔ ( $\text{ض} \text{ض} \text{ض}$ ) ( $SAS$ )

(c) کوئی سے دو زاویے اور ان کا درمیانی ضلع مساوی ہوں۔ ( $\text{ض} \text{ض} \text{ز}$ ) ( $ASA$ )

(d) قائمۃ الزاویہ مثلثان میں ان کے وتر اور اس کے علاوہ کوئی ضلع یکساں ہوں (آرائیک ایس) ( $RHS$ )

3. دائرے جن کے رداس متماثل ہوں، متماثل دائرے کہلاتے ہیں۔

4. دوزاویے جن کی پیمائش یکساں ہو۔ متماثل زاویے کہلاتے ہیں۔

### مشق 7.3

**سوال 1 - 3 تک کیا بنے والی اشکال تشاکل ہیں؟**

1- تمام مرتع بتمام مستطیل، تمام باقاعدہ مسدسیں

2- مستطیلیں جن کے اضلاع 8, 12 اور 15, 10 ہوں۔

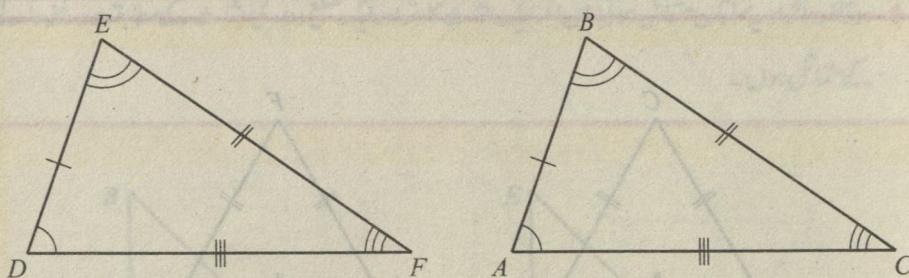
3- دو معین اشکال جن کے زاویے  $35^\circ$  اور  $125^\circ$  ہوں۔

4- ایک کثیر الاضلاع کے ضلعوں کی لمبائیاں 8 سینٹی میٹر، 7 سینٹی میٹر، 6 سینٹی میٹر، 5 سینٹی میٹر اور 4 سینٹی میٹر اور 9 سینٹی میٹر ہیں۔ اس کے تشاکل کثیر الاضلاع 6 سینٹی میٹر لبے ضلع کے مطابق ضلع کی لمبائی 12 سینٹی میٹر ہے۔  
دوسری کثیر الاضلاع کے باقی ضلعوں کی لمبائیاں معلوم کیجیے۔

5- ایک چوکور میں اضلاع کی لمبائیاں 2 سینٹی میٹر، 4 سینٹی میٹر، 5 سینٹی میٹر، 6 سینٹی میٹر اور 7 سینٹی میٹر ہیں۔  
اس کے تشاکل چوکور میں سب سے بڑے ضلع کی لمبائی 21 سینٹی میٹر ہے۔ دوسرے اضلاع کی لمبائیاں معلوم کریں۔

6- ایک کثیر الاضلاع کے اضلاع کی لمبائیاں 5 سینٹی میٹر، 2 سینٹی میٹر، 7 سینٹی میٹر، 3 سینٹی میٹر اور 4 سینٹی میٹر ہیں۔ اس کے تشاکل اضلاع کے فیصلوں کی لمبائیاں معلوم کریں جبکہ پہلی والی کے 2 سینٹی میٹر لمبائی والے ضلع کے مقابلہ میں اس کے ضلع کی لمبائی 6 سینٹی میٹر ہو۔ دونوں کثیر الاضلاع احاطوں میں کیا نسبت ہوگی؟

7- درج ذیل شکل میں مقاومت اضلاع اور زاویوں کے جوڑوں کے نام لکھیے جو آپس میں مترائل ہیں۔



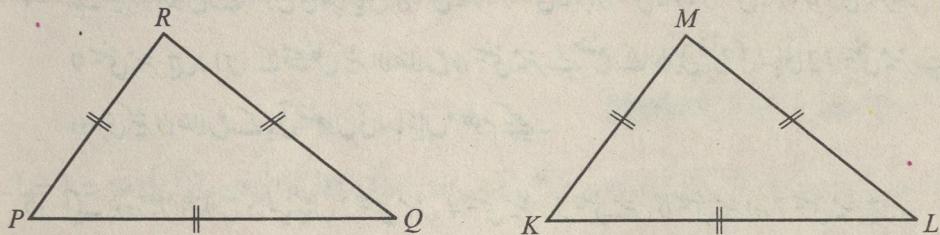
8- کیا تمام تشاکل اشکال مترائل بھی ہوتی ہیں؟ واضح کریں۔

9- کیا تمام مترائل اشکال تشاکل بھی ہوتی ہیں؟ واضح کریں۔

## 7.4 متماثل مثلث CONGRUENT TRIANGLES

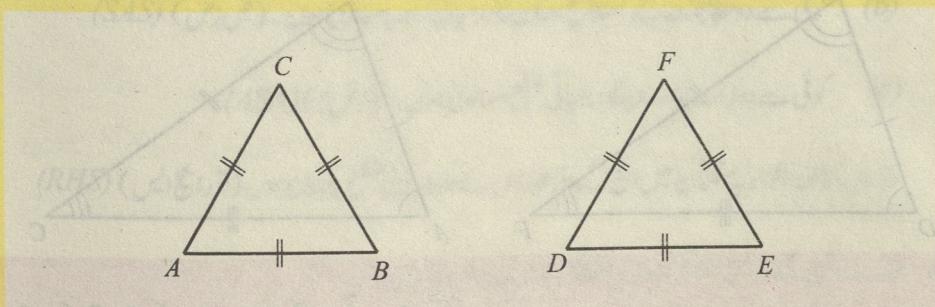
دو الی متماثل مثلث متماثل ہوتی ہیں کہ جن کے راسوں کے جوڑے بنانے کے بعد اگر ان کے مقابلہ حصوں کی مطابقت لی جائے (زاویوں اور ضلعوں کی) تو وہ برابر ہوتے ہیں۔

نیچے شکل کو عالمتی طور پر یوں لکھتے ہیں۔  $\Delta PQR \cong \Delta KLM$  جس کا مطلب ہے مثلث  $PQR$  متماثل  $KLM$  کے متماثل ہے۔



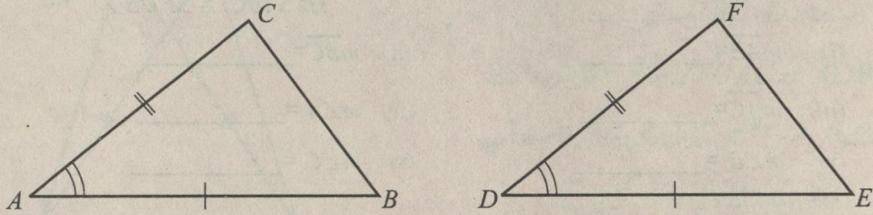
دو مثلث کے درمیان متماثل کی خصوصیات

◀ کسی دیگئی مطابقت میں دو مثلث متماثل ہوتی ہیں اگر پہلی مثلث کے تمام اضلاع دوسرا مثلث کے مطابقت رکھنے والے تمام اضلاع کے برابر ہوں۔ ( $SSS \cong SSS$ )

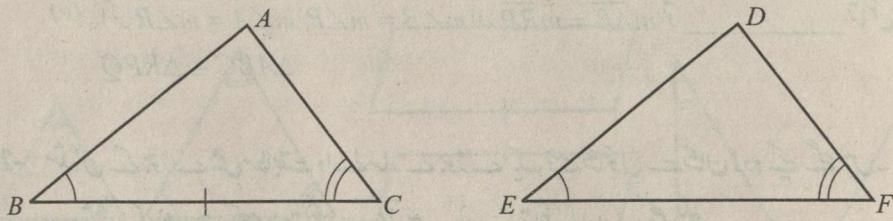


درج بالا شکل میں  $\Delta ABC$  اور  $\Delta DEF$  متماثل ہیں۔

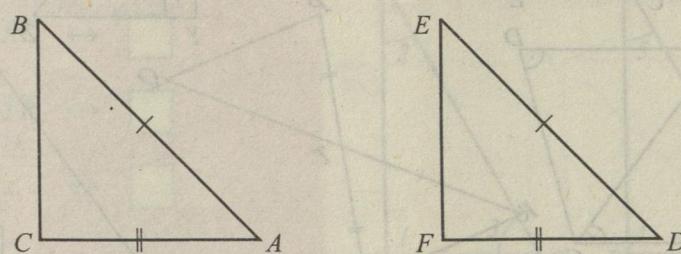
دو مثلثان آپس میں متماثل ہوتی ہیں اگر ایک مثلث کے دو اضلاع اور ان کا درمیانی زاویہ، دوسری مثلث کے مطابقت رکھنے والے دو اضلاع اور درمیانی زاویہ کے برابر ہوں۔ (ض زض  $\cong$  ض زض) ( $SAS \cong SAS$ )



دو مثلثان متماثل ہوتی ہیں اگر ایک مثلث کے دو زاویے اور درمیانی ضلع دوسری مثلث کے مطابقت رکھتے دو زاویوں اور ان کے درمیانی ضلع کے متماثل ہوں۔ (زض ز  $\cong$  زض ز) ( $ASA \cong ASA$ )



دوقائمه الزاویہ مثلثان متماثل ہوتی ہیں اگر ایک مثلث کا وتر اور ایک ضلع دوسری مثلث کے مطابقت رکھنے والے وتر اور ضلع کے متماثل ہوں۔



## مشق 7.4

- 1. خالی جگہوں کو پرکھیے۔

اگر  $\Delta ABC \cong \Delta FDE$  جو تو (a)

$$(i) m\overline{AB} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(ii) m\overline{BC} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(iii) m\overline{AC} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(iv) m\angle A = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(v) m\angle B = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(vi) m\angle C = \underline{\hspace{2cm}}$$

(b) مثلث  $PQR$  میں اضلاع  $PR$  اور  $QR$  کا درمیانی زاویہ  $\underline{\hspace{2cm}}$  ہے۔

(c) مثلث  $DEF$  میں  $\angle E$  اور  $\angle F$  کے درمیان والا ضلع  $\underline{\hspace{2cm}}$  ہے۔

کی رو  $m\overline{BC} = m\overline{PR}$ ,  $m\angle B = m\angle P$ ,  $\overline{AB} = \overline{QP}$  اگر (d)

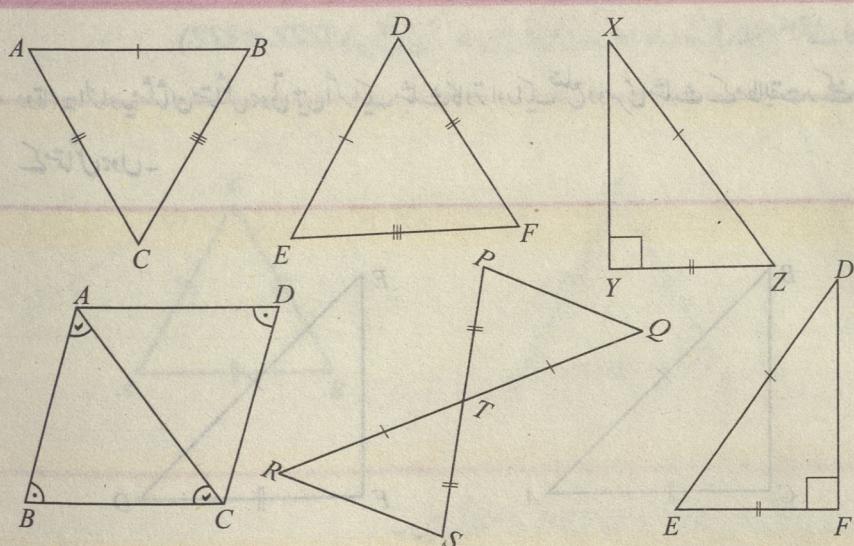
$$\Delta ABC \cong \Delta QPR \leftarrow$$

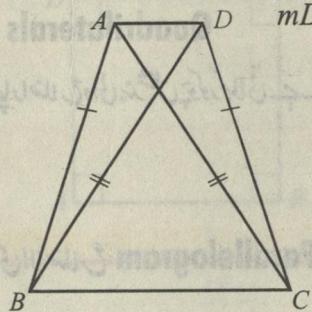
تماثل کی رو سے  $m\overline{AB} = m\overline{RP}$  اور  $m\angle B = m\angle P$ ,  $m\angle A = m\angle R$  اگر (e)

$$\Delta ABC \cong \Delta RQP$$

- 2. مثلثان کے جوڑے میں مطابقت والے سارے جوڑے ایک جیسے نشانوں سے نشان زدہ کیے گئے ہیں۔

ان مثلثان کی نشاندہی کیجئے جو متماثل بن جاتی ہیں۔ ان کے متماثل کی علامات بھی لکھیے۔

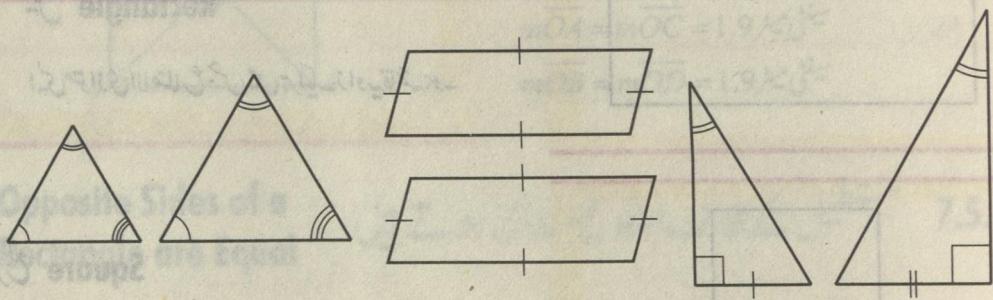




-3۔ شکل میں  $\triangle ABC$  اور  $\triangle DBC$  ایک جی قاعدہ پر دو

مثلاں ہیں اس طرح سے۔  $m\overline{DB} = m\overline{AC}$  اور  $m\overline{AB} = m\overline{DC}$  جبکہ  $BC$  ایک جنوب واقع یہ ہے۔ مثلاں  $\triangle DAC$  اور  $\triangle ADB$  میں تناظرہ مطابقت والے حصے اس طرح کیس کہ ان میں تماش قائم ہو آپ اس تماش کے لیے کوئی حالت کہیں گے؟ اگر  $m\angle BAD = 100^\circ$  اور  $m\angle DCA = 40^\circ$  تو  $\angle ADB$  کی مقدار معلوم کریں۔

-4۔ ان اشکال میں تماش، تشاکل یا کوئی نہیں، کے تعلق کی نشاندہی کیجیے۔



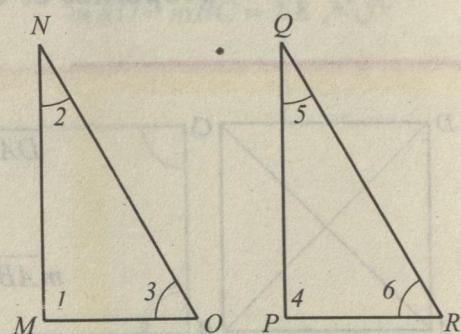
-5۔ مثلاں  $\triangle PQR$  اور  $\triangle MNO$  میں مطابقت والے حصوں کی نشاندہی کیجیے۔

$$(i) \overline{MN} \leftrightarrow \boxed{\text{ }} \quad \text{[yellow square]}$$

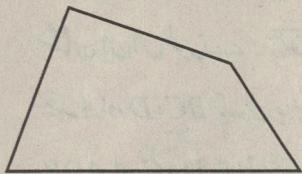
$$(ii) \overline{NO} \leftrightarrow \boxed{\text{ }} \quad \text{[yellow square]}$$

$$(iii) \overline{PR} \leftrightarrow \boxed{\text{ }} \quad \text{[yellow square]}$$

$$(iv) \angle 1 \leftrightarrow \boxed{\text{ }} \quad \text{[yellow square]}$$

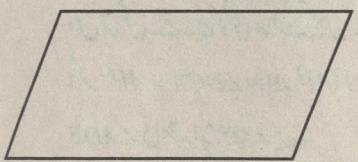


## 7.5 چوکور QUADRILATERALS



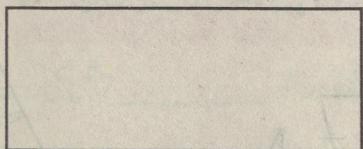
**چوکور Quadrilaterals**

چار اضلاع والی بندھلی چوکور کہلاتی ہے۔



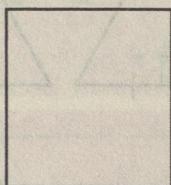
**متوازی الاضلاع Parallelogram**

متوازی الاضلاع ایسی چوکور جس کے متوازی اضلاع کے دو جوڑے ہوں۔



**مستطیل Rectangle**

ایسی متوازی الاضلاع جس میں ہر ایک زاویہ قائم ہو۔



**مرربع Square**

مرربع ایسی مستطیل ہے جس میں تمام اضلاع مساوی ہوں۔

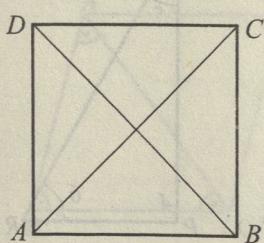
### 7.5.1 متماثل کے خواص Properties of Congruency

مرربع کے چاروں اضلاع مساوی ہوتے ہیں۔

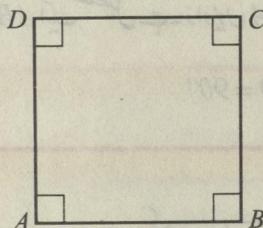
$ABCD$  ایک مرربع ہے۔ اور  $\overline{DA}$ ,  $\overline{CD}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AB}$

کی پیمائش کیجیے۔ ہمیں بتا چلتا ہے کہ

سینٹی میٹر  $m \overline{AB} = m \overline{BC} = m \overline{CD} = m \overline{DA} = 2.8$



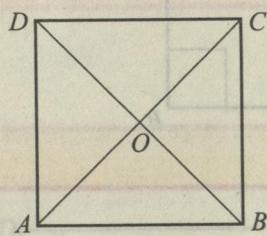
مربع کے چاروں زاویے قائم ہوتے ہیں



ABCD ایک مرربع ہے۔ اور  $D, C, B, A$  اور زاویوں کی پروٹریکٹر کی مدد سے پیمائش کیجیے۔ تو ہمیں پتا چلتا ہے۔

$$m\angle A = m\angle B = m\angle C = m\angle D = 90^\circ$$

مربع کے وتر ایک دوسرے کی تنصیف کرتے ہیں



مشکل میں ABCD ایک مربع لیجیے۔ اس کے وتر  $\overline{AC}$  اور  $\overline{BD}$  نقطہ 'O' پر قطع کرتے ہیں۔ پیمائش سے پتا چلتا ہے کہ

$$m\overline{OA} = m\overline{OC} = 1.9 \text{ سینٹی میٹر}$$

$$m\overline{OB} = m\overline{OD} = 1.9 \text{ سینٹی میٹر}$$

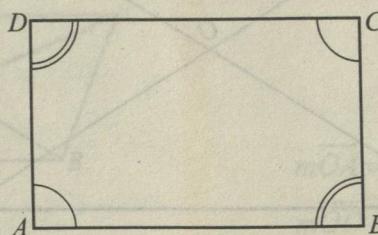
## 7.5.2 مستطیل کے مخالف اضلاع مساوی ہوتے ہیں

شکل میں ایک مستطیل ABCD دیکھیے۔  $\overline{AD}$ ,  $\overline{CD}$ ,  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$  دو مخالف اضلاع کے جوڑے ہیں۔

پیمائش سے ہمیں پتا چلتا ہے کہ

$$m\overline{AB} = m\overline{CD} = 4.5 \text{ سینٹی میٹر}$$

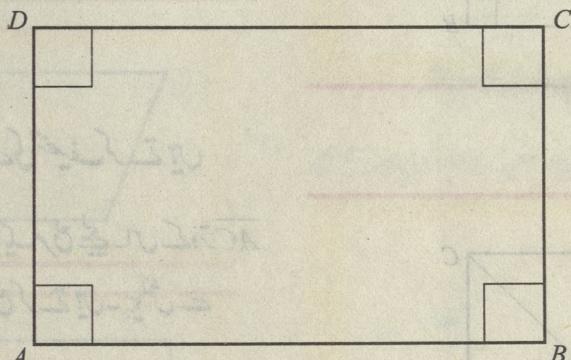
$$m\overline{AD} = m\overline{BC} = 2.8 \text{ سینٹی میٹر}$$



مستطیل کے چاروں زاویے قائم ہوتے ہیں

ایک مستطیل  $ABCD$  ہے۔ زاویوں  $A, B, C, D$  کی پرویکٹر کی مدد سے پیمائش کرنے پر پتا چلتا ہے کہ

$$m\angle A = m\angle B = m\angle C = m\angle D = 90^\circ$$

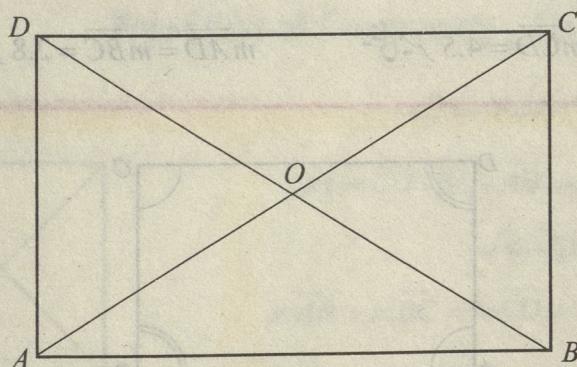


مستطیل کے دوسرے کی تضییف کرتے ہیں

ایک مستطیل  $ABCD$  ہے۔ اس کے دوڑ  $\overline{AC}$  اور  $\overline{BD}$  نقطہ  $O$  پر کاٹتے ہیں۔

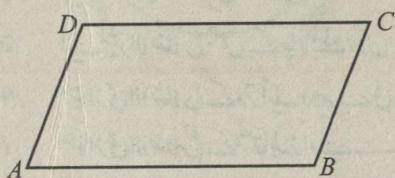
$m\overline{OA} = m\overline{OC} = 2.5$  سینٹی میٹر پیمائش سے ہمیں پتہ چلتا ہے کہ

$m\overline{OB} = m\overline{OD} = 2.5$  سینٹی میٹر اور



### 7.5.3 متوازی الاضلاع کے خواص Properties of a Parallelogram

◀ متوازی الاضلاع کے مخالف اضلاع مساوی ہوتے ہیں۔

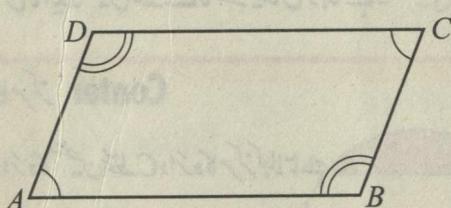


متوازی الاضلاع  $ABCD$  میں  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$  اور  $\overline{AD}$ ,  $\overline{BC}$  مخالف اضلاع کے جوڑے ہیں۔  
پیاس کرنے سے پتا چلتا ہے کہ

$$m\overline{AB} = m\overline{CD} = 3.9 \text{ سینٹی میٹر}$$

$$m\overline{AD} = m\overline{BC} = 2.0 \text{ سینٹی میٹر}$$

◀ متوازی الاضلاع کے متقابلے زاویے مساوی ہوتے ہیں۔

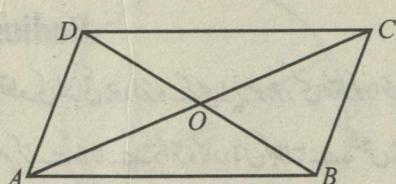


متوازی اضلاع  $ABCD$  ہے اور مخالف زاویوں  $\angle B$ ,  $\angle D$  اور  $\angle A$ ,  $\angle C$  کے جوڑے ہیں۔  
پیاس کرنے سے ہمیں پتا چلتا ہے کہ

$$m\angle A = m\angle C = 70^\circ$$

$$m\angle B = m\angle D = 110^\circ$$

◀ متوازی الاضلاع کے وتر ایک دوسرے کی تنصیف کرتے ہیں۔



متوازی الاضلاع  $ABCD$  کے وتر  $\overline{BD}$  اور  $\overline{AC}$  ایک دوسرے کو نقطہ  $O$  قطع کرتے ہیں۔  
پیاس کرنے سے پتا چلتا ہے کہ

$$m\overline{OA} = m\overline{OC} = 2.5 \text{ سینٹی میٹر}$$

$$m\overline{OD} = m\overline{OB} = 2.5 \text{ سینٹی میٹر}$$

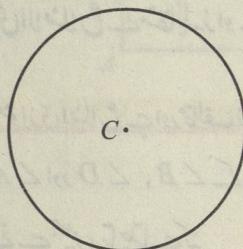
## مشق 7.5

1- خالی جگہ پر لکھیجیے۔

- (i) ایک متوازی الاضلاع جس میں ایک زاویہ قائمہ ہو \_\_\_\_\_ کہلاتی ہے۔
- (ii) ایک مساوی الاضلاع مستطیل \_\_\_\_\_ کہلاتی ہے۔
- (iii) ایک کثیر الاضلاع جس کے چار ضلع ہوں \_\_\_\_\_ کہلاتی ہے۔
- (iv) متوازی الاضلاع کے وتر ایک دوسرے کی \_\_\_\_\_ کرتے ہیں۔
- (v) متوازی الاضلاع کے مقابلہ زاویے \_\_\_\_\_ ہوتے ہیں۔

## CIRCLE دائرہ 7.6

### 7.6.1 Circle دائرہ

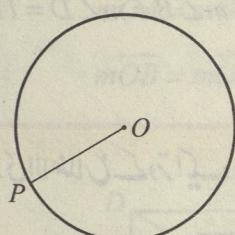


دائرہ مستوی کے ان نقاط کا سیٹ ہوتا ہے۔

جن کا ایک متعین نقطہ سے فاصلہ یکساں رہتا ہے۔

دائرہ کا مرکز Center

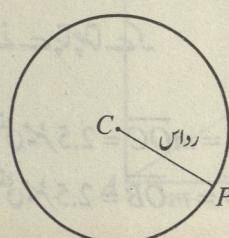
دائرہ کا متعین نقطہ C دائرہ کا مرکز کہلاتا ہے۔



رداسی قطعہ Radial Segment

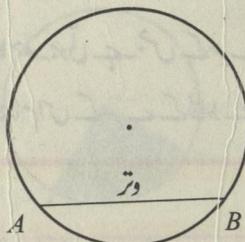
دائرہ کے محیط پر P ایک نقطہ ہے۔ دائرہ کا مرکز O ہے تو

دائرہ کا رداسی قطعہ کہلاتا ہے۔



رداس Radius

اس قطعہ کی لمبائی جو دائرہ کے محیط پر موجود کسی نقطہ کو دائرہ کے مرکز سے ملاتا ہے۔ دائرہ کا رداس کہلاتا ہے۔ شکل میں  $m\overline{CP}$  دائرہ کا رداس ہے۔ عام طور پر اسے ' $r$ ' سے ظاہر کیا جاتا ہے۔



## Chord وتر

کوئی بھی قطعہ جو دائرہ کے دونوں نقاط کو ملائے دائرہ کا وتر کہلاتا ہے۔ شکل میں  $\overline{AB}$  ایک وتر ہے۔

## Segment of a Circle دائرہ کا قطعہ

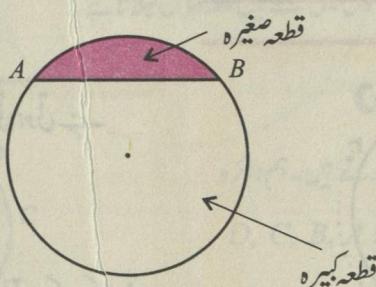
دائرہ کا وتر دائرے کو دو حصوں میں تقسیم کرتا ہے۔ یہ حصے دائرے کا قطعات کہلاتے ہیں۔

### قطعہ صیفہ Minor Segment

قوس صیفہ اور وتر کے درمیانی حصہ کو دائرہ کا قطعہ صیفہ کہتے ہیں۔

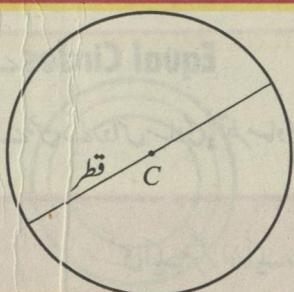
### قطعہ بیکرہ Major Segment

قوس بیکرہ اور وتر کے درمیانی حصہ کو دائرہ کا قطعہ بیکرہ کہتے ہیں۔



## Diameter قطر

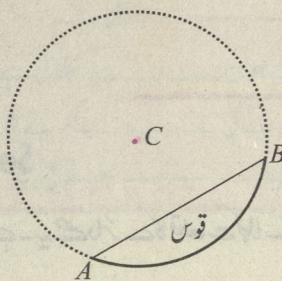
ایسا وتر جو دائرہ کے مرکز میں سے گزرے دائرہ کا قطر کہلاتا ہے۔ کسی دائرے کے قطر کی لمبائی اس کے رداں کا دو گناہوتی ہے۔



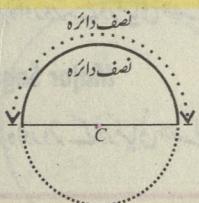
$$\text{قطر} = 2 \times \text{رداں}$$

**Arc قوس**

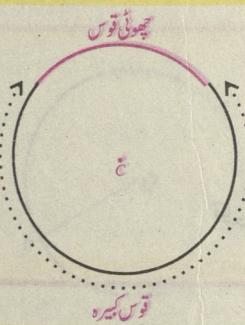
قوس دائرہ کا حصہ ہوتی ہے۔ جس کے سرے دائرہ پر ہوتے ہیں اور درمیانی حصہ دائرہ کے نقاط کا سیٹ ہوتی ہے۔  
قوس صغیرہ کا نام اس کے سرے کے نقاط سے ظاہر کیا جاتا ہے جیسا کہ قوس  $\widehat{AB}$  کو (AB) شکل میں لکھا گیا ہے۔

**Semi Circle نصف دائرہ**

ایک نصف دائرہ جو ایک دائرہ کا آدھا ہوتا ہے نصف دائرہ کہلاتا ہے۔

**Minor Arc قوس صغیرہ**

قوس صغیرہ نصف دائرے سے چھوٹی ہوتی ہے۔

**Major Arc قوس کبیرہ**

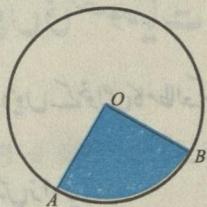
ایکی قوس جو نصف دائرہ سے بڑی ہو قوس کبیرہ کہلاتی ہے۔

ایسے دائرے میں سے کہ دو اس مساوی یا قطر مساوی ہوں مساوی دائرے کہلاتے ہیں۔

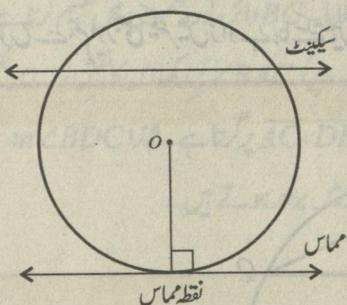
**Equal Circles مساوی دائرے**

کسی ایک مرکز اور ایک رداں سے ایک اور صرف ایک دائرہ بنایا جاسکتا ہے۔

## Sector سیکٹر 7.6.2



دائرہ کے کوئی دور داہی قطعات اور ان کے متعلقہ قوس سے گھرا ہوا دائیرہ کا علاقہ، دائیرہ کا سیکٹر کہلاتا ہے۔ شکل میں علاقہ  $AOB$  مرکز کے ساتھ دائیرہ کا سیکٹر کہلاتا ہے۔

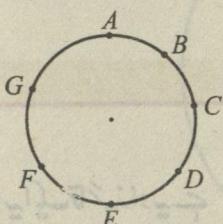


ایسا خط مستقیم جو دائیرہ کو اس کے دونوں نقطوں پر قطع کرے دائرہ کا خاطق قاطع کہلاتا ہے۔

## Tangent مماس

مماس ایسا خط ہوتا ہے جو دائیرے کے رداں کے پیروںی نقطے پر عمود ہوتا ہے۔

دائرہ کا وہ نقطہ جہاں اور مماس آپس میں ملتے ہیں نقطہ تمسک کہلاتا ہے۔



## Concyclic Points ہم دائیرہ نقطات

وہ تمام نقاط جو دائیرہ کے محیط پر واقع ہوتے ہیں۔ ہم دائیرہ نقاط کہلاتے ہیں، دی گئی شکل میں نقاط  $D, C, B, A$  اور  $G$  سب ہم دائیرہ نقطات ہیں۔

## Concentric Circles ہم مرکز دائیرے

ایسے ہم مستوی دائیرے جو ہم مرکز ہوں اور جن کے رداں مختلف ہوں۔ ہم مرکز دائیرے کہلاتے ہیں، تین ہم مرکز دائروں کا سیکٹر شکل میں دکھایا گیا ہے۔

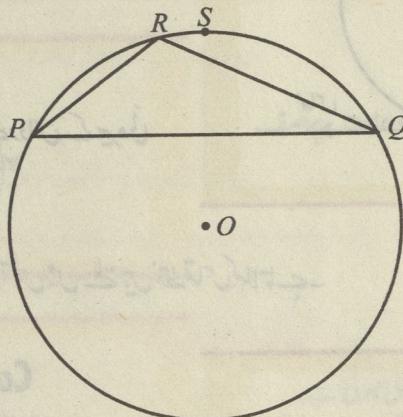


### 7.6.3 زاویوں کی خصوصیات Properties of Angles

داڑوں میں زاویوں کے خواص کا مطالعہ کرنے کے لیے سب سے پہلے دائرے کے قطع میں زاویہ کو سمجھنا ضروری ہے۔

دائرے کے قطع میں زاویہ:

$O'$  مرکز والے دائرہ کا قطع  $\overline{PQ}$  ہے جو کہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔  $O'$  مرکز والے دائرہ کا قطع  $\overline{PSQ}$  لیتے ہیں اس پر  $R$  کوئی نقطے لے کر  $P$  اور  $Q$  سے  $\angle PRQ$  کو ملاتے ہیں اور  $\angle PSQ$  کا زاویہ کہلاتا ہے۔ اس طرح سے ہم اور بھی یکٹر میں زاویے بنائتے ہیں۔

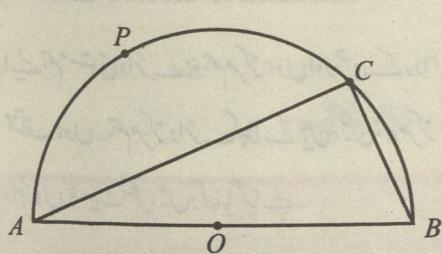


نصف دائرہ کا زاویہ ایک قائمہ زاویہ ہے

- 1 - کوئی قطع خط  $AB$  لیکر اس کا وسطی نقطہ  $O$  لیا۔

- 2 -  $O$  پر  $\overline{OA}$  اور  $\overline{OB}$  رہاں کا نصف دائرہ لگایا۔

- 3 - نصف دائرہ پر کوئی نقطہ  $C$  لیا۔  $R$  اور  $C$  کو  $A$  اور  $B$  سے ملایا۔ پس  $\angle ACB$  نصف دائرہ زاویہ ہے۔



4۔ پروٹر یکٹر کے مرکز کو  $C$  پر رکھا اور  $\overline{AC}$  پر اس کی لائیں کو رکھا۔

ہمیں پتا چلتا ہے  $\angle ACB$  کی مقدار  $90^\circ$  ہے۔ یعنی زاویہ قائمہ

پس نصف دائرہ میں زاویہ کی مقدار  $90^\circ$  ہوتی ہے۔ یعنی نصف دائرہ میں زاویہ قائمہ بنتا ہے۔  $m\angle ACB = 90^\circ$

ایک ہی قطعہ میں بننے والے زاویے مساوی ہوتے ہیں

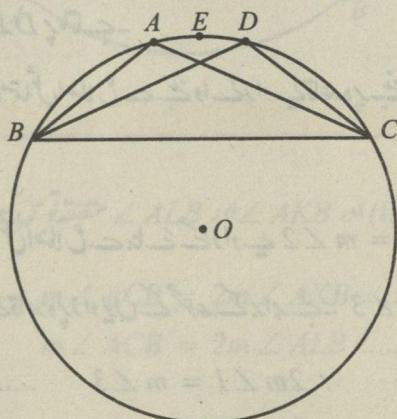
### Angles in the Same Segment are Equal

$O$ ، کو مرکز مان کر دائرہ لگایا۔ دائرہ پر  $B$  اور  $C$  نقطے لیے اور  $B, C$  کو ملایا۔  $\overline{BC}$  دائرہ کو دو حصوں میں تقسیم کرتا ہے۔ اسی ایک

ہی دائرہ کے قطعہ میں زاویے  $\angle BDC$  اور  $\angle BAC$  بنائے۔ ٹرینگ پیپر کو  $\angle BAC$  پر رکھا اس کا نقش لیا۔ اس نقش کو

$m\angle BAC = m\angle BDC$  پر رکھا۔  $A, D, C$  پر رکھا تو  $\overline{AB}, \overline{DC}, \overline{AC}, \overline{DB}$  پر گرتا ہے۔ لہذا

جس سے پتا چلتا ہے۔ دائرہ کے ایک ہی قطعہ پر بننے والے زاویے مقدار میں برابر ہوتے ہیں۔

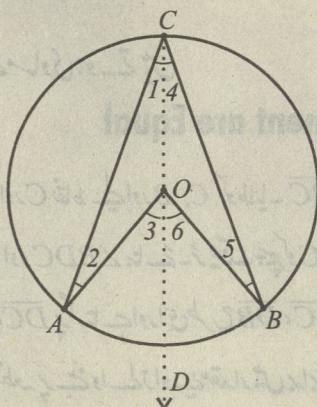


$$\text{sum } \angle ABC = \text{sum } \angle AOB$$

$$\text{sum } \angle AOB = \text{sum } \angle ACD$$

## Central Angle

قوس صغیرہ کا مرکزی زاویہ متعلقہ قوس کبیرہ کے محصور زاویہ کا دو گناہوتا ہے۔



شکل (i)

شکل (i) میں  $\angle AOB$  قوس صغیرہ  $\widehat{AB}$  کا مرکزی زاویہ ہے جبکہ  $\angle AOC$  قوس کبیرہ  $\widehat{ACB}$  کا محصور زاویہ ہے۔

$O$  سے ملا کر بڑھایا جو دائرة کو نقطہ  $D$  پر ملتا ہے۔

قاعدہ  $\angle ABC$  پر مثلث  $ABC$  کی متماثل اضلاع سے بننے والے زاویے قاعدہ پر بننے والے زاویوں کا مجموعہ مختلف بیرونی زاویہ کے برابر ہوتا ہے۔

قاعدہ  $\angle AOC$  پر مثلث  $AOC$  کے متماثل اضلاع سے بنائے گئے زاویے

$m\angle 1 = m\angle 2$  میں  $m\angle 1 + m\angle 2 = m\angle 3$  کے مجموعہ کے برابر ہے۔

$$\therefore 2m\angle 1 = m\angle 3 \quad \dots \dots \dots (i)$$

$$2m\angle 4 = m\angle 6 \quad \dots \dots \dots (ii)$$

اسی طرح (ii) اور (i) کو جمع کرنے سے

$$2m\angle 1 + 2m\angle 4 = m\angle 3 + m\angle 6$$

$$2(m\angle 1 + m\angle 4) = m\angle 3 + m\angle 6$$

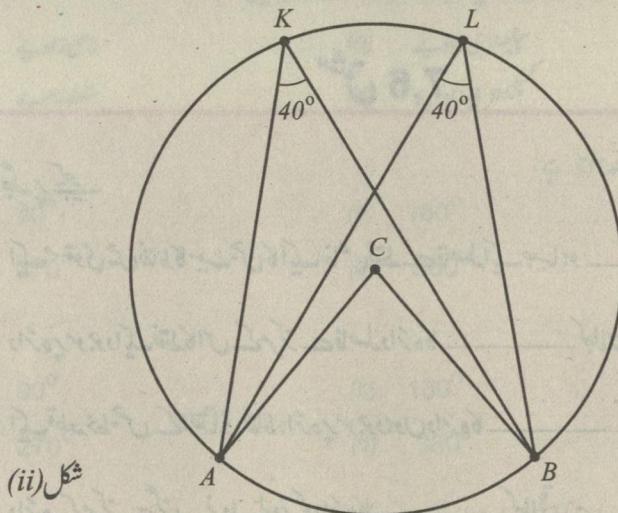
$$2m\angle ABC = m\angle AOB$$

$$\therefore m\angle AOB = 2m\angle ACB$$

## Applications 7.6.4 اطلاق

ایک ہی قوس میں بننے والے تمام زاویے مقدار میں برابر ہوتے ہیں۔

$$m\angle K = m\angle L = 40^\circ$$



$\angle ACB$  مرکزی زاویہ ہے شکل (ii) اور  $\angle AKB$  اور  $\angle ALB$  متعلقہ قوس کبیرہ کے محصور زاویے ہیں۔

$$\therefore m\angle ACB = 2m\angle AKB \dots\dots\dots (i)$$

$$m\angle ACB = 2m\angle ALB \dots\dots\dots (ii) \quad \text{اور}$$

(ii) اور (i) کی رو سے

$$2m\angle AKB = 2m\angle ALB$$

$$m\angle AKB = m\angle ALB$$

پس ایک ہی قوس پر بننے والے زاویے برابر ہوتے ہیں۔

یاد رکھیے:

اگر متماثل دائرے یا ایک ہی دائرہ میں اگر دو چھوٹی قوسیں متماثل ہوں تو ان کی بڑی قوسوں سے بننے والے متناظرہ زاویے بھی متماثل ہوتے ہیں۔

## مشق 7.6

1- خالی جگہ پر لکھیجیے۔

- (i) ایک مستوی میں نقاط کا سیٹ جن کا ایک خاص نقطہ سے فاصلہ ایک جیسا ہو \_\_\_\_\_ کھلاتا ہے۔
- (ii) دائرہ پر موجود ایک نقطہ کا اس کے مرکز سے فاصلہ دائرہ کا \_\_\_\_\_ کھلاتا ہے۔
- (iii) ایک قطعہ خط جس کے اختتامی نقاط دائرہ پر موجود ہوں دائرہ کا \_\_\_\_\_ کھلاتا ہے۔
- (iv) دائرہ کے مرکز سے گزرنے والے وتر کو دائرہ کا \_\_\_\_\_ کھلاتی ہے۔
- (v) دائرہ کا نصف \_\_\_\_\_ کھلاتا ہے۔
- (vi) نصف دائرہ سے بڑی قوس کو \_\_\_\_\_ کہتے ہیں۔
- (vii) ایک دیے گئے مرکز اور ایک دیے گئے \_\_\_\_\_ سے ایک اور صرف ایک دائرہ بن سکتے ہیں۔
- (viii) قوس اور دور داسی قطعات سے گھرا ہوا علاقہ \_\_\_\_\_ کھلاتا ہے۔
- (ix) ایک سیدھا خط جو دائرہ کو دونوں نقاط پر قطع کرے \_\_\_\_\_ کھلاتا ہے۔
- (x) نصف دائرہ میں زاویہ \_\_\_\_\_ ہوتا ہے۔

## جائزہ مشق 7

I- درست جواب کے گرد دائرہ لگائیے۔

1. ایسا زاویہ جس کی مقدار  $180^{\circ}$  سے زائد مگر  $360^{\circ}$  کے کم ہو کھلا تا ہے:

- |                  |                 |
|------------------|-----------------|
| (a) عکس زاویہ    | (b) منفرج زاویہ |
| (c) زاویہ مستقیم | (d) حادہ زاویہ  |

2. ایسے دو زاویے جن میں مشترک راس اور ایک بازو مشترک ہو کھلاتے ہیں:

- |                |                      |
|----------------|----------------------|
| (a) راسی زاویے | (b) سپلیمنٹری زاویے  |
| (c) متصل زاویے | (d) کمپلیمنٹری زاویے |

3. مثلث کے زاویوں کا مجموعہ ہوتا ہے:

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| (a) $90^{\circ}$  | (b) $180^{\circ}$ |
| (c) $270^{\circ}$ | (d) $360^{\circ}$ |

4. زاویہ مستقیم کا درجہ ہوتا ہے:

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| (a) $90^{\circ}$  | (b) $180^{\circ}$ |
| (c) $270^{\circ}$ | (d) $360^{\circ}$ |

5. اگر دو زاویے ایک ہی زاویے کے سپلیمنٹ ہوں تو وہ ہوتے ہیں

- |                |                   |
|----------------|-------------------|
| (a) مساوی      | (b) غیر مساوی     |
| (c) متصل زاویے | (d) متبادلہ زاویے |

6. ایسی مثلث جس کا کوئی ضلع بھی برابر نہ ہو، کھلاتی ہے:

- |                        |                         |
|------------------------|-------------------------|
| (a) مساوی الاضلاع مثلث | (b) متوالی الاضلاع مثلث |
| (c) مختلف الاضلاع مثلث | (d) قائمۃ الزاویہ مثلث  |

7. ایسی مثلث جس کے تینوں زاویے حادہ ہوں، کھلاتی ہے:

- |                       |                        |
|-----------------------|------------------------|
| (a) حادہ الزاویہ مثلث | (b) قائمۃ الزاویہ مثلث |
| (c) زاویہ مستقیم      | (d) حادہ زاویہ         |

8. ایسی کثیر الاضلاع جس کے چاروں اضلاع مساوی ہوں کھلاتی ہے:

- |                  |                    |
|------------------|--------------------|
| (a) کثیر الاضلاع | (b) متوالی الاضلاع |
| (c) مرچ          | (d) مستطیل         |

9. نصف دائرہ سے بڑی قوس کھلاتی ہے:

- |               |         |
|---------------|---------|
| (a) قوس صغیرہ | (b) وتر |
| (c) قوس کبیرہ | (d) قطر |

10. مساوی رداں یا قطروالے دائرے کھلاتے ہیں:

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| (a) ہم مرکز دائرے | (b) نصف دائرے     |
| (c) متماثل دائرے  | (d) ہم دائرے نقاط |

-II- خالی جگہوں کو پڑ کجھے۔

1. دوزاویے جن کا مشترک راس اور ایک بازو مشترک ہو \_\_\_\_\_ کھلاتے ہیں۔

2. اگر دوزاویوں کا مجموعہ، زاویہ مستقیم ہو تو دوزاویے کھلاتے ہیں \_\_\_\_\_

3. زاویہ جن کی مقدار  $90^{\circ}$  سے زائد اور  $180^{\circ}$  سے کم ہو، کھلاتا ہے \_\_\_\_\_

4. دو غیر متصل زاویے جن میں ہر ایک کی مقدار زاویہ مستقیم سے کم ہو \_\_\_\_\_ کھلاتے ہیں۔

5. مثلث کے زاویوں کا مجموعہ \_\_\_\_\_ ہوتا ہے۔

6. دو لائیں جو تیری لائن کے متوازی ہوں تو وہ \_\_\_\_\_ متوازی ہوتی ہیں۔

7. دو ہندسی اشکال جو جسمات میں مساوی اور شکل میں یکساں ہوں \_\_\_\_\_ ہوتی ہیں۔

8. ایک مثلث جس کا کوئی ضلع بھی آپس میں برابر نہ ہو \_\_\_\_\_ ہوتی ہیں۔

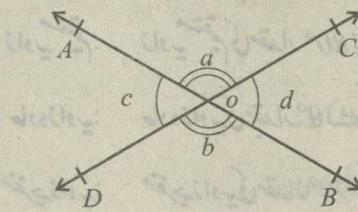
9. وتر جو دائرہ کے مرکز میں سے گزرتا ہو \_\_\_\_\_ کھلاتا ہے۔

10. نصف دائرہ میں بننے والا زاویہ \_\_\_\_\_ ہوتا ہے۔

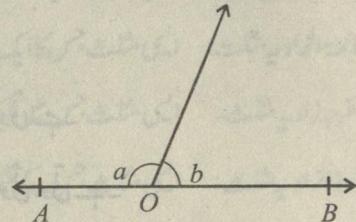
راسی زاویے

خط مسقیم پر متصلہ زاویے

$m\angle c = m\angle d$  اور  $m\angle a = m\angle b$  کے معلوم ہے کہ  $m\angle a + m\angle b = 180^\circ$  تو خطوط مسقیم ہیں۔

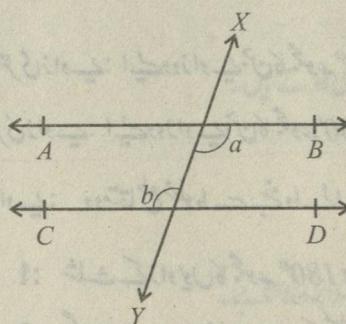


$m\angle a + m\angle b = 180^\circ$  دیا گیا ہے کہ  $m\angle a + m\angle b = 180^\circ$  تو  $\overline{AOB}$  ایک خط مسقیم ہے۔

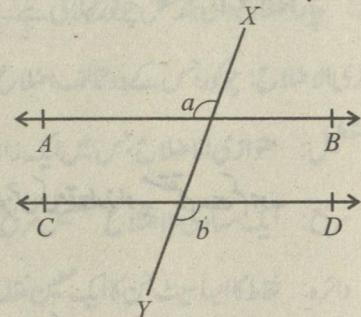


متوالی خطوط کے ساتھ بننے والے زاویے

$m\angle a = m\angle b \Rightarrow \overline{AB} \parallel \overline{CD}$  دیا گیا ہے



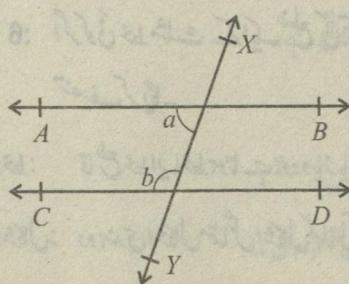
$m\angle a = m\angle b \Rightarrow \overline{AB} \parallel \overline{CD}$  دیا گیا ہے



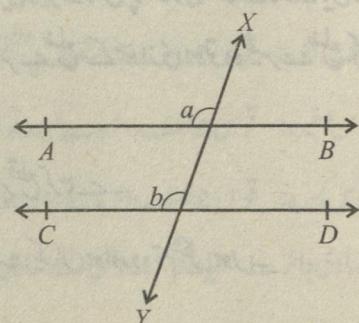
اندروںی زاویے

متباہلہ زاویے

$m\angle a + m\angle b = 180^\circ \Rightarrow \overline{AB} \parallel \overline{CD}$  دیا گیا ہے



$m\angle a = m\angle b \Rightarrow \overline{AB} \parallel \overline{CD}$  دیا گیا ہے



## خلاصہ SUMMARY

- زاویہ:** زاویہ دو ایسی شعاعوں کا اتصال (پین) ہوتا ہے جس کا نقطہ آغاز مشترک ہو۔
- قائمہ زاویہ:** قائمہ زاویہ ایسا زاویہ ہوتا ہے جس کی مقدار  $90^{\circ}$  ہو۔
- زاویہ مستقیم:** زاویہ مستقیم کی مقدار  $180^{\circ}$  ہوتی ہے۔
- حادہ زاویہ:** حادہ زاویہ کی مقدار  $0^{\circ}$  سے بڑی اور  $90^{\circ}$  سے چھوٹی ہوتی ہے۔
- منفرجہ زاویہ:** منفرجہ زاویہ کی مقدار  $90^{\circ}$  سے بڑی اور  $180^{\circ}$  سے چھوٹی ہوتی ہے۔
- عکس زاویہ:** عکس زاویہ کی مقدار  $180^{\circ}$  سے بڑی اور  $360^{\circ}$  سے کم ہوتی ہے۔
- مساوی زاویہ:** مساوی زاویوں کی مقداریں مساوی ہوتی ہیں۔
- متصلہ زاویہ:** دو ایسے زاویے جن کا راست مشترک اور ایک بازو مشترک ہو، متصلہ زاویے کہلاتے ہیں۔
- کمپلینٹری زاویہ:** ایسے دو زاویے جن کا مجموع  $90^{\circ}$  ہو۔
- سپلینٹری زاویہ:** ایسے دو زاویے جن کا مجموع  $180^{\circ}$  ہو۔
- راسی زاویہ:** دو متقاطع خطوط سے بننے والے ایسے غیر متصلہ زاویے جن کی مقدار زاویہ مستقیم سے کم ہو۔
- نتائج:**
- 1: مثلث کے زاویوں کا مجموع  $180^{\circ}$  ہوتا ہے۔
  - 2: اگر دو زاویے مساوی زاویوں کے کمپلینٹ ہوں تو وہ آپس میں بھی مساوی ہوتے ہیں۔
  - 3: اگر دو زاویے، دو مساوی زاویوں کے سپلینٹ ہوں تو وہ آپس میں بھی مساوی ہوتے ہیں۔
  - 4: دو خطوط تیرے خط کے متوازی ہوں تو وہ آپس میں بھی متوازی ہوتے ہیں۔
  - 5: اگر تین متوازی خطوط کسی خط قاطع پر مساوی قطعات قطع کریں تو ہر خط قاطع پر مساوی قطعات کاٹتے ہیں۔
  - 6: اگر کوئی خط مثلث کے ایک ضلع کی تصفیف کرے اور دوسرے ضلع کے متوازی ہو تو وہ تیرے ضلع کی بھی تصفیف کریگا۔
- قطاطع خط:** قاطع خط ایسا خط ہوتا ہے جو دو یا زیادہ خطوط کو مختلف نقاط پر قطع کرتا ہے۔
- متماثل اشکال:** دو ہندسی اشکال متماثل اشکال کہلاتی ہیں اگر ان کی جسمات یکساں ہو اور وہ ہم شکل ہوں۔

کثیر الاضلاعی: مستوی پر ایک ایسی بند شکل جو تین یا زیادہ اضلاع پر مشتمل ہو۔

متاوی الاصفین مثلث: ایسی مثلث جس کے دو اضلاع مساوی ہوتے ہیں۔

مختلف اضلاع مثلث: ایسی مثلث جس کے دو اضلاع مساوی نہ ہو۔

قائمۃ الزاویہ مثلث: ایسی مثلث جس کا ایک زاویہ قائمہ ہو۔

منفرج زاویہ مثلث: ایسی مثلث جس میں ایک زاویہ منفرجہ ( $90^\circ$  سے بڑا) ہو۔

حادۃ الزاویہ مثلث: ایسی مثلث جس کے تینوں زاویے حادہ ( $90^\circ$  سے کم) ہوں۔

مساوی الاضلاع مثلث: ایسی مثلث جس کے تینوں اضلاع لمبائی میں مساوی ہوں۔

دومٹھان کے مقابلہ ہونے کی صورتیں

آرائچیں  $\equiv$  آرائچ ایں (i) رض رز  $\cong$  رض ز (ii) ض رض  $\cong$  ض رض (iii) ض ض ض  $\cong$  ض ض ض (i)

چوکور: چار اضلاع والی بند شکل چوکور کہلاتی ہے۔

متوازی الاضلاع: چوکور جس کے دو مختلف اضلاع کے جوڑے متوازی ہوتے ہیں۔

مستطیل: متوازی الاضلاع جس میں ایک زاویہ قائمہ ہو۔

مربع: ایک مساوی الاضلاع مستطیل مرربع کہلاتی ہے۔

دارڑہ: نقطات کا ایسا سیٹ جن کا ایک معین نقطہ سے فاصلہ برابر ہو، دارڑہ بتاتا ہے۔

رداس: اس قطعہ کی لمبائی جو دارڑے کے مرکز کو اس کے کسی نقطے سے ملائے۔

قطر: اس وتر کی لمبائی جو دارڑے کے مرکز میں سے گزرے، قطر کہلاتی ہے۔

قوس: دارڑے کا وہ حصہ جس کے سرے اور درمیانی نقطات دارڑے پر واقع ہوں، دارڑہ کی قوس کہلاتا ہے۔

نصف دارڑہ: قوس جو دارڑے کے نصف پر مشتمل ہو، نصف دارڑہ کہلاتی ہے۔

قوس صیغہ: قوس جو نصف دارڑہ سے کم ہو، قوس صیغہ کہلاتی ہے۔

قوس کبیرہ: قوس جو نصف دارڑہ سے بڑی ہو، قوس کبیرہ کہلاتی ہے۔

مساوی دارڑے: ایسے دارڑے جن کے مساوی رداس ہوں یا مساوی قطر ہوں۔

قطع خط: ایسا خط جو دائرہ کو دو مختلف نقاط پر قطع کرے۔

مماں: ایسا خط، جو دائرے کے رداں کو اس کے بیرونی سرے پر عمود ہو۔

سیکٹر: دائرہ کا وہ علاقہ جو دائرہ کی قوس اور اس کے سروں کو ملانے والے رداں قطعات کے اندر گھرا ہوا ہو۔

ہم مرکز دائرے: ایسے ہم مستوی دائرے جن کا مرکز مشترک نقطہ ہو لیکن ان کے رداں مختلف ہوں۔

مرکزی زاویہ: کسی قوس صیرہ کا مرکز پر بننے والا زاویہ، مرکزی زاویہ کہلاتا ہے۔

ہم دائرہ نقاط: دائرہ کے محیط پر واقع نقاط کو ہم دائرہ نقاط کہتے ہیں۔

نتائج: (1) نصف دائرہ کا محصور زاویہ قائم ہوتا ہے۔

(2) دائرے کے ایک ہی قطعہ میں بننے والے زاویے مساوی ہوتے ہیں۔

(3) ایک ہی قوس میں محصور زاویے مساوی ہوتے ہیں۔