

# رقبہ اور حجم

## AREAS AND VOLUMES

- ◀ مسئلہ فیثاغورث
- ◀ رقبہ
- ◀ حجم

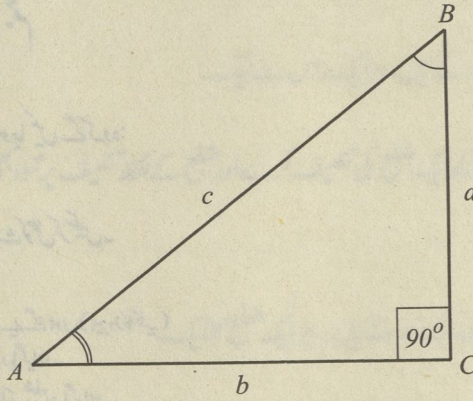
اس یونٹ کی تکمیل کے بعد طلبہ اس قابل ہو جائیں گے کہ وہ:

- ◀ مسئلہ فیثاغورث بیان کر سکیں۔
- ◀ مسئلہ فیثاغورث کی مدد سے قائمہ زاویہ مثلث کو حل کر سکیں۔
- ◀ رقبہ معلوم کر سکیں کہ:
  - ایک مثلث کا جب کہ اس کے تینوں اضلاع دیے گئے ہوں (ہیروں کا کلیہ)
  - ایک مثلث کا جب کہ اس کا قاعدہ اور ارتفاع دیا گیا ہو۔
  - ایک مساوی الاضلاع مثلث کا جب کہ اس کا ایک ضلع دیا گیا ہو۔
  - ایک مستطیل کا جب کہ اس کے دو متصل اضلاع دیے گئے ہوں۔
  - ایک متوازی الاضلاع کا جب کہ اس کا قاعدہ اور ارتفاع دیا گیا ہو۔
  - ایک مربع کا جب کہ اس کا ایک ضلع دیا گیا ہو۔
  - کمرہ کی چار دیواریوں کا جب کہ ان کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی دی گئی ہو۔
- ◀ ایک مربعی/مستطیلی میدان پر فرش لگانے کا خرچ معلوم کر سکیں۔
- ◀ ایک مستطیل پلاٹ کے باہر فرش پاتھ پر دی گئی سمتوں کے حساب سے ٹائلوں کی تعداد معلوم کر سکیں۔
- ◀ دائرہ اور نصف دائرہ کا رقبہ معلوم کر سکیں جب کہ اس کا رداس دیا گیا ہو۔
- دو ہم مرکز دائروں کے درمیانی علاقہ کا رقبہ معلوم کر سکیں جب کہ ان کے رداس دیے گئے ہوں۔
- ◀ مثلث، مستطیل، مربع، متوازی الاضلاع اور دائرہ کے رقبہ سے متعلق روزمرہ زندگی کے مسائل حل کر سکیں۔
- ◀ حجم معلوم کر سکیں۔
  - ایک مکعب کا جب کہ اس کا ایک کنارہ دیا گیا ہو۔
  - ایک مکعب نما کا جب کہ لمبائی، چوڑائی اور اونچائی دی گئی ہو۔
  - ایک سیڑھے دائروں سلنڈر کا جس کے قاعدہ کا رداس اور اونچائی دی گئی ہو۔
  - ایک سیڑھی کون (Cone) کا جس کا رداس اور اونچائی معلوم ہو۔
  - ایک کمرہ اور نصف کمرہ کا جس کا رداس دیا گیا ہو۔
- ◀ مکعب، مکعب نما، سلنڈر، کون اور کمرہ کے حجم سے متعلق روزمرہ زندگی کے مسائل حل کر سکیں۔

## 9.1 مسئلہ فیثاغورث PYTHAGORAS THEOREM

قائمہ الزاویہ مثلث کے وتر کا مربع، اس کے باقی اضلاع کے مربعوں کے مجموعہ کے برابر ہوتا ہے۔

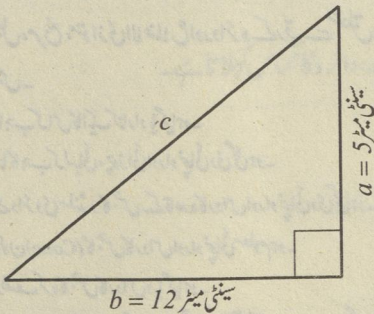
$$c^2 = a^2 + b^2$$



مثال 1:-

ایک قائمہ الزاویہ مثلث کے دو اضلاع 5 سینٹی میٹر اور 12 سینٹی میٹر ہیں۔ وتر کی لمبائی معلوم کریں۔

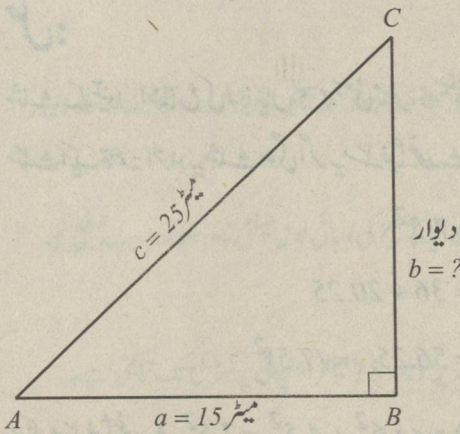
حل: چونکہ سینٹی میٹر 5  $b = 12$  ، سینٹی میٹر 5  $a = 5$  فرض کیا کہ وتر کی لمبائی  $c$  ہے۔ تو مسئلہ فیثاغورث کی رو سے



$$\begin{aligned} c^2 &= a^2 + b^2 \\ &= (5)^2 + (12)^2 \\ &= 25 + 144 = 169 \\ c &= 13 \text{ سینٹی میٹر} \end{aligned}$$

## مثال 2:-

ایک سیڑھی جس کی لمبائی 25 میٹر ہے کو دیوار کے ساتھ اس طرح کھڑا کیا گیا ہے کہ اس کا پایہ دیوار سے 15 میٹر کے فاصلہ پر ہے۔ بتائیے سیڑھی دیوار کے ساتھ کتنی بلندی تک جاتی ہے؟



حل: چونکہ  $a = 15$  میٹر،  $c = 25$  میٹر

فرض کیا کہ مطلوبہ اونچائی  $b$  ہو تو

$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$b^2 = c^2 - a^2$$

$$= (25)^2 - (15)^2$$

$$= 625 - 225$$

$$= 400$$

$$b = 20 \text{ میٹر}$$

مثال 3:- اگر کسی مثلث کے اضلاع 72، 30 اور 78 ہوں تو کیا یہ مثلث قائمہ الزاویہ مثلث ہے؟

حل: چونکہ  $a = 30$ ،  $b = 72$ ،  $c = 78$

تو مسئلہ فیثاغورث کی رو سے  $c^2 = a^2 + b^2$

$$R.H.S = a^2 + b^2 = (30)^2 + (72)^2$$

$$= 900 + 5184$$

$$= 6084$$

$$L.H.S = c^2 = (78)^2$$

$$= 6084$$

$$R.H.S = L.H.S$$

پس مثلث ایک قائمہ الزاویہ مثلث ہے۔

## مثال 4:-

اگر مثلث کے لمبائیاں 4.5 سینٹی میٹر، 6 سینٹی میٹر اور 7.5 سینٹی میٹر ہوں تو کیا یہ ایک قائمہ الزاویہ مثلث ہوگی؟  
اگر ایسا ہے تو اس میں وتر کونسا ضلع ہوگا؟

## حل:

مثلث کے تینوں اضلاع کی لمبائیاں 4.5 سینٹی میٹر، 6 سینٹی میٹر اور 7.5 سینٹی میٹر دی گئی ہیں۔  
مثلث ایک قائمہ الزاویہ مثلث ہوگی اگر یہ مسئلہ فیثاغورث کی شرط پر پوری اترے۔

$$6^2 + 4.5^2 = 7.5^2$$

$$(6)^2 + (4.5)^2 = 36 + 20.25$$

$$= 56.25 = (7.5)^2$$

چونکہ مسئلہ فیثاغورث  $6^2 + 4.5^2 = 7.5^2$  درست ثابت ہو گیا ہے۔ لہذا یہ ایک قائمہ الزاویہ مثلث ہے۔

$$7.5^2 = 6^2 + 4.5^2 \text{ اور}$$

∴ پس 7.5 سینٹی میٹر لمبائی والا ضلع وتر ہے۔

## مشق 9.1

1- قائمہ الزاویہ مثلث کا تیسرا ضلع معلوم کریں جبکہ  $a$ ,  $b$  اس کے دو اضلاع اور  $c$  وتر ہو۔

$$(i) \quad a = 3, \quad b = 4, \quad c = ?$$

$$(ii) \quad a = 5, \quad c = 13, \quad b = ?$$

$$(iii) \quad b = 5, \quad c = 61, \quad a = ?$$

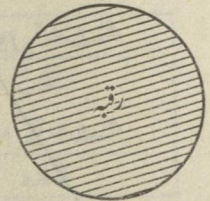
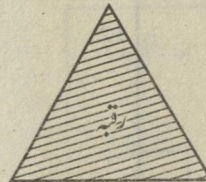
2- اگر قائمہ الزاویہ مثلث کے دو اضلاع  $2ab$  اور  $a^2 - b^2$  ہوں تو ثابت کیجیے کہ وتر کی لمبائی  $a^2 + b^2$  ہے۔

3- اس تساوی الساقین قائمہ الزاویہ مثلث کا وتر معلوم کریں جس کے ہر ضلع کی لمبائی 'a' ہو۔

- 4- اُس تساوی الساقین قائمہ الزاویہ کے وتر کی لمبائی معلوم کریں جس کے ہر ضلع کی لمبائی 8 سینٹی میٹر ہو۔
- 5- اگر درج ذیل دیے گئے نمبر مثلث کے اضلاع کی لمبائیاں ہوں تو ان میں سے کون سی قائمہ الزاویہ مثلث ہے؟
- 3, 4, 5 (i)  
9, 17, 25 (ii)  
11, 61, 60 (iii)
- 6- مثلث ABC میں C قائمہ زاویہ ہے۔ اگر سینٹی میٹر  $m\overline{AC} = 9$  اور سینٹی میٹر  $m\overline{BC} = 12$  ہو تو  $AB$  کی مقدار معلوم کریں، مسئلہ فیثاغورث استعمال کرتے ہوئے۔
- 7- قائمہ الزاویہ مثلث کا وتر 25 سینٹی میٹر ہے۔ اگر اس کے ایک ضلع کی لمبائی 24 سینٹی میٹر ہو تو دوسرے ضلع کی لمبائی معلوم کریں۔
- 8- 17 میٹر سیڑھی کو مکان کی دیوار سے لگایا جائے تو یہ دیوار پر موجود 15 میٹر اونچائی پر کھڑکی تک پہنچتی ہے۔ اس کا پایہ دیوار سے کتنا دور ہے؟
- 9- ایک قائمہ الزاویہ مثلث کے دو اضلاع برابر ہیں۔ اگر اس کے وتر کے مربع کی مقدار 50 ہو تو ہر ایک ضلع کی لمبائی معلوم کریں۔
- 10- ایک مثلث کے اضلاع کی لمبائیاں 36 سینٹی میٹر، 15 سینٹی میٹر اور 39 سینٹی میٹر ہیں۔ ثابت کیجیے کہ یہ ایک قائمہ الزاویہ مثلث ہے۔

## 9.2 رقبہ AREAS

کسی بند شکل کی چار دیواری میں گھری ہوئی جگہ اس کا رقبہ کہلاتی ہے۔



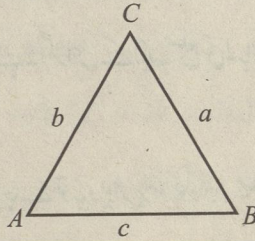
## 9.2.1 مثلث کا رقبہ The Area of a Triangle

مثلث کا رقبہ جب کہ اس کے تینوں اضلاع دیے گئے ہوں۔

مثلث ABC جس کے اضلاع کی لمبائیاں  $a, b, c$  ہیں اور

$$2S = a + b + c \Rightarrow S = \frac{a + b + c}{2},$$

جبکہ 'S' مثلث کے احاطہ کا نصف ہے۔



کسی عام مثلث کا رقبہ  $A = \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-c)}$  ہوتا ہے۔  
یہ مثلث کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے ہیروز فارمولا کہلاتا ہے۔

**مثال :-** مثلث جس کے اضلاع کی لمبائیاں 5, 12 اور 13 ہیں۔ اس کا رقبہ معلوم کریں۔

**حل:** کیونکہ  $a = 5, b = 12, c = 13$

$$2S = a + b + c \quad \text{تو}$$

$$2S = 5 + 12 + 13 = 30 \Rightarrow S = 15$$

$$S - a = 15 - 5 = 10,$$

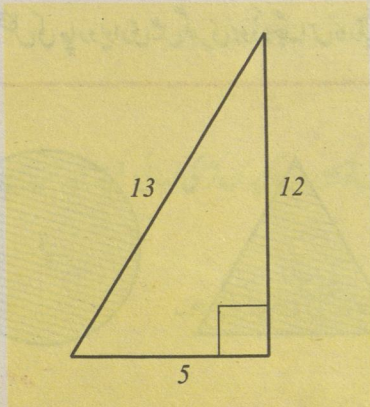
$$S - b = 15 - 12 = 3,$$

$$S - c = 15 - 13 = 2$$

$$A = \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-c)}$$

$$= \sqrt{15 \times 10 \times 3 \times 2}$$

$$= \sqrt{900} = 30 \text{ مربع اکائیاں}$$



نوٹ: اس سوال میں مثلث قائمہ الزاویہ مثلث ہے جس کا قاعدہ 5 عمود 12 اور وتر 13 ہے۔

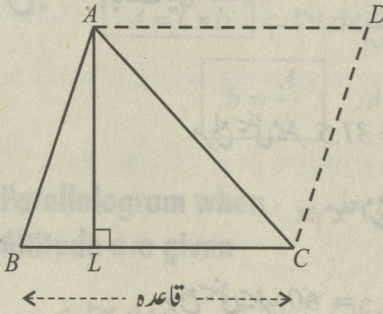
$$\text{پس رقبہ} = \frac{1}{2} (\text{قاعدہ}) \times (\text{عمود})$$

$$A = \frac{1}{2} (5) (12) = \frac{60}{2} = 30 \text{ مربع اکائیاں}$$

نوٹ: مثلث کے رقبہ کو  $A$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

### Area of a Triangle when base and Altitude are given

مثلث کا رقبہ معلوم کرنا جبکہ اس کا قاعدہ اور عمودی بلندی معلوم ہو۔



شکل کے مطابق کوئی مثلث  $ABC$  بنائیے۔

فرض کیا  $\overline{BC}$  اس کا قاعدہ ہے اور  $\overline{AL} \perp \overline{BC}$

لہذا  $\overline{AL}$  اس کے مطابق عمودی بلندی ہے۔

$A$  اور  $C$  سے بالترتیب  $\overline{BC}$  اور  $\overline{BA}$  کے متوازی

خطوط کھینچیے جو ایک دوسرے کو نقطہ  $D$  پر ملتے ہیں۔

لہذا  $ABCD$  واضح طور پر ایک متوازی الاضلاع

ہے جس کا قاعدہ  $\overline{BC}$  اور اس کے مطابق  $\overline{AL}$

عمودی بلندی ہے۔

$$\Delta ABC \text{ کا رقبہ} = \frac{1}{2} (\text{متوازی الاضلاع } ABCD \text{ کا رقبہ})$$

$$= \frac{1}{2} (b \times h) \text{ جبکہ } b \text{ قاعدہ اور } h \text{ عمودی بلندی ہے۔}$$

$$\Delta \text{ کا رقبہ} = \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{عمود}$$

پس معلوم ہوا کہ

اہم بات

مثلث کا ارتفاع اس کی عمودی بلندی کو کہتے ہیں۔

جسے علامت  $h$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$\text{ارتفاع} = \frac{\text{مثلث کا رقبہ} \times 2}{\text{قاعدہ}}$$

$$\text{قاعدہ} = \frac{\text{مثلث کا رقبہ} \times 2}{\text{ارتفاع}}$$

قاعدہ کی علامت  $b$  اور ارتفاع کی علامت  $h$  ہے۔

**مثال 1:-** مثلث کا ارتفاع معلوم کریں جس کا قاعدہ 16 سینٹی میٹر اور رقبہ 34 مربع سینٹی میٹر ہے۔

**حل:** مثلث کا رقبہ  $\times 2 =$  مثلث کا ارتفاع  $\times$  قاعدہ

16 سینٹی میٹر = قاعدہ، مربع سینٹی میٹر 34 = رقبہ

ارتفاع =  $\frac{2 \times \text{رقبہ}}{\text{قاعدہ}} = \left( \frac{2 \times 34}{16} \right) = 4.25$  سینٹی میٹر

نوٹ

قائمہ الزاویہ مثلث میں  
قائمہ زاویہ کے سامنے والے اضلاع  
اس کا وتر کہلاتا ہے

**مثال 2:-** مثلثان کے رقبے معلوم کریں جن کا

(i) سینٹی میٹر 18 = قاعدہ، سینٹی میٹر 3.5 = ارتفاع

(ii) سینٹی میٹر 8 = قاعدہ، سینٹی میٹر 15 = ارتفاع

**حل:** ہم جانتے ہیں

(i) ارتفاع  $\times$  قاعدہ  $\times \frac{1}{2} =$  مثلث کا رقبہ

$= \frac{1}{2} \times 18 \times 3.5 = 31.5$  مربع سینٹی میٹر

(ii) ارتفاع  $\times$  قاعدہ  $\times \frac{1}{2} =$  مثلث کا رقبہ

$= \frac{1}{2} \times 8 \times 15 = 60$  مربع سینٹی میٹر

**Area of an Equilateral Triangle when its side is given**

مساوی الاضلاع مثلث کا رقبہ معلوم کرنا جس کے اضلاع کی لمبائی معلوم ہو۔

مساوی الاضلاع مثلث ABC میں  $a = b = c$

$S = \frac{a+a+a}{2} = \frac{3a}{2}$  لہذا

$S - a = \frac{a}{2}, S - b = \frac{a}{2},$

$S - c = \frac{a}{2}$

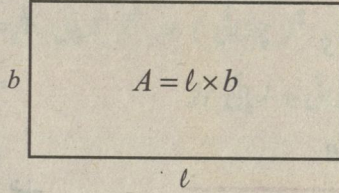
$\Delta = \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-c)} = \sqrt{\frac{3a}{2} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{a}{2}} = \frac{\sqrt{3} a^2}{4}$

مساوی الاضلاع مثلث، ABC کا رقبہ  $\frac{\sqrt{3} a^2}{4}$  ہوتا ہے



## Area Of A Rectangle When Its Two Sides Are Given

مستطیل کا رقبہ معلوم کرنا جبکہ دو اضلاع معلوم ہوں  
شکل میں دی گئی مستطیل کو پیچھے۔



$$\text{مستطیل کی لمبائی} = l$$

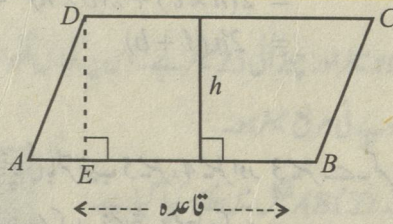
$$\text{مستطیل کی چوڑائی} = b$$

مستطیل کا رقبہ، مستطیل کی لمبائی اور چوڑائی کے حاصل ضرب کے برابر ہوتا ہے  $A = l \times b$

$$b = \frac{A}{l} \quad \text{اور} \quad l = \frac{A}{b} \quad \text{پس}$$

## Area of a Parallelogram when base and Altitude are given

متوازی الاضلاع کا رقبہ معلوم کرنا جبکہ اس کا قاعدہ اور ارتفاع معلوم ہو  
متوازی الاضلاع کا رقبہ، اس کے قاعدہ اور قاعدہ پر گرائے گئے ارتفاع کے حاصل ضرب کے برابر ہوتا ہے۔



$$A = b \times h$$

$$A = b \times h$$

$$\text{قاعدہ} = b = \frac{A}{h}$$

$$\text{ارتفاع} = h = \frac{A}{b}$$

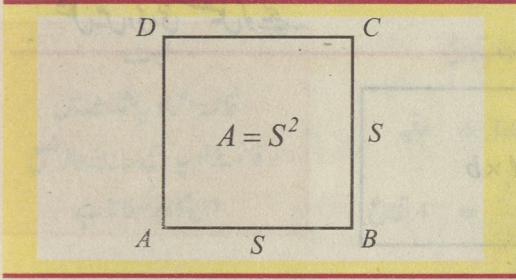
اہم بات

مثلاً کا رقبہ

$$A = \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{ارتفاع}$$

Area of a Square when its side is given: مربع کا رقبہ معلوم کرنا جبکہ اس کا ضلع معلوم ہو:

مربع ABCD کا رقبہ اس کے ضلع پر مربع کے برابر ہوتا ہے۔



$$A = \text{ضلع} \times \text{ضلع}$$

$$= S \times S = S^2$$

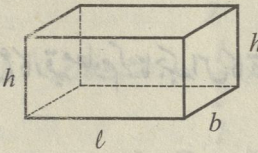
$$A = S^2$$

$$\text{ضلع} = S = \sqrt{A}$$

رقبہ کی پیمائش کی اکائیاں مربع سینٹی میٹر، مربع میٹر اور مربع کلومیٹر ہیں۔

Area of Four Walls of a Room کمرہ کی چار دیواروں کا رقبہ

ہم کمرہ کی چار دیواروں کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں جب کہ اس کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی معلوم ہو۔



$$\text{کمرہ کی لمبائی} = l \quad \text{فرض کیا}$$

$$\text{کمرہ کی چوڑائی} = b$$

$$\text{کمرہ کی اونچائی} = h$$

$$\begin{aligned} \text{چار دیواروں کا رقبہ} &= h \times l + b \times h + h \times l + b \times h \\ &= 2(h \times l) + 2(b \times h) = 2(h \times l + b \times h) \\ &= 2h(l + b) \end{aligned}$$

مثال :-

کمرہ کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی بالترتیب 5 میٹر، 4 میٹر اور 3 میٹر ہے۔ کمرہ کی دیواروں پر 7.50 روپے فی مربع میٹر سفیدی کرانے کا خرچ معلوم کریں۔

حل: چونکہ  $h = 3$  میٹر،  $b = 4$  میٹر،  $l = 5$  میٹر

$$\text{چار دیواروں کا رقبہ} = 2(l + b) \times h = 2(5 + 4) \times 3$$

$$= 18 \times 3 = 54 \text{ مربع میٹر} \quad \text{پس}$$

7.50 روپے فی مربع میٹر سفیدی کرانے کا خرچ

$$= 7.5 \times 54 = 405 \text{ روپے}$$

یاد رکھنے کی باتیں:

1- مستطیل کا رقبہ = ( لمبائی × چوڑائی )

2- مستطیل کے وتر کی لمبائی =  $\sqrt{(لمبائی)^2 + (چوڑائی)^2}$

3- مستطیل کا احاطہ =  $2(چوڑائی + لمبائی)$

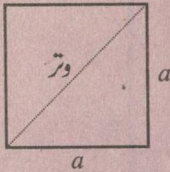
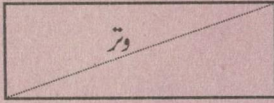
4- مربع کا رقبہ =  $a^2$

جبکہ مربع کا ضلع =  $a$

5- مربع کے وتر کی لمبائی =  $\sqrt{2}a$

6- مربع کا رقبہ =  $\frac{1}{2}(\text{وتر})^2$

7- مربع کا احاطہ =  $4 \times \text{ضلع}$

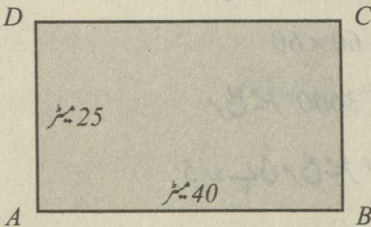


### 9.2.2 مستطیلی اور مربعی علاقوں کا رقبہ Areas of Rectangular and Square Fields

اندر یا باہر ہمارے ارد گرد عموماً مستطیلی راستے یا میدان ہوتے ہیں۔ ہم ان کے رقبے کا طریقہ کچھ مثالوں سے واضح کرتے ہیں۔

#### مثال 1:-

ایک مستطیلی علاقے کی لمبائی 40 میٹر اور چوڑائی 25 میٹر ہے۔ اس پر گھاس لگوانے کا خرچ معلوم کریں، اگر گھاس لگوانے کا خرچ 16 روپے فی مربع میٹر ہو۔



**حل:** فرض کیا دیا گیا علاقہ ABCD شکل میں ظاہر کیا گیا ہے۔

مستطیلی علاقے کی لمبائی = 40 میٹر

مستطیلی علاقے کی چوڑائی = 25 میٹر

مستطیلی علاقے کا رقبہ =  $A = l \times b$

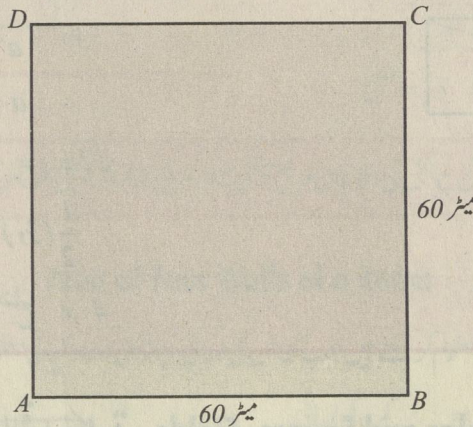
=  $40 \times 25 = 1000$  مربع میٹر

16 روپے فی مربع میٹر = گھاس لگوانے کا خرچ

روپے 16000 =  $16 \times 1000 =$  کل خرچ

## مثال 2:-

مربعی میدان جس کے ہر ضلع کی لمبائی 60 میٹر ہے۔ اس میدان کا رقبہ معلوم کیجیے اور اس پر 5 روپے فی مربع میٹر گھاس لگوانے کا خرچ معلوم کریں۔



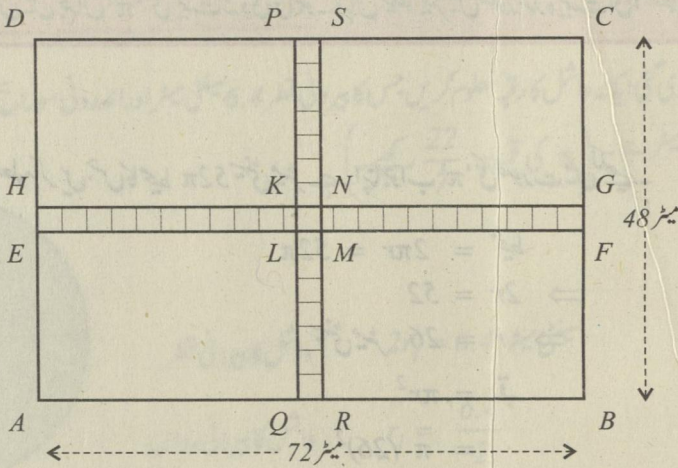
حل:

فرض کیا مطلوبہ مربعی میدان ABCD شکل میں دکھایا گیا ہے۔

$$\begin{aligned}
 \text{مربعی علاقہ کے ضلع کی لمبائی} &= 60 \text{ میٹر} \\
 \text{مربع کا رقبہ} &= A = \text{ضلع} \times \text{ضلع} \\
 &= 60 \times 60 \\
 &= 3600 \text{ مربع میٹر} \\
 \text{مربعی علاقے پر گھاس لگوانے کا ریٹ} &= 5 \text{ روپے فی مربع میٹر} \\
 \therefore \text{مربعی علاقے پر گھاس لگوانے کا خرچ} &= 3600 \times 5 \\
 &= 18000 \text{ روپے}
 \end{aligned}$$

## مثال 3:-

ایک پارک جس کی لمبائی 72 میٹر اور چوڑائی 48 میٹر ہے۔ جس کے وسط میں 2 میٹر چوڑی دو سڑکیں ایک دوسرے پر عموداً اور پارک کے اضلاع کے متوازی گزرتی ہیں۔ ان سڑکوں کا رقبہ معلوم کریں اور ان راستوں کو خوبصورت بنانے کے لیے 4 مربع میٹر رقبہ کی کتنی ٹائلیں درکار ہوں گی؟



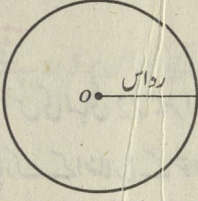
حل:

شکل میں ABCD مستطیلی علاقہ پارک کو ظاہر کرتا ہے۔ جبکہ مستطیل PQRS اور مستطیل EFGH سڑکوں کو ظاہر کرتی ہے۔

$$\begin{aligned}
 \text{سڑکوں کا رقبہ} &= \text{PQRS کا رقبہ} + \text{EFGH کا رقبہ} - \text{KLMN کا رقبہ} \\
 &= [(48 \times 2) + (72 \times 2) - (2 \times 2)] \text{ مربع میٹر} \\
 &= (96 + 144 - 4) \text{ مربع میٹر} \\
 &= 236 \text{ مربع میٹر}
 \end{aligned}$$

$$\text{ٹائلوں کی تعداد} = \frac{236}{4} = 59 \text{ ٹائلیں} \quad \text{پس}$$

## 9.2.4 دائرے کا رقبہ Area of a Circle



$$\text{دائرے کا محیط} = 2\pi r$$

جبکہ دائرے کا رداس 'r' ہے۔

$$\text{دائرے کا رقبہ} = \pi r^2$$

نوٹ:

مثالوں اور مشقوں میں جہاں 'π' کی قیمت نہ دی گئی ہو۔ وہاں کیلکولیٹر میں سٹور شدہ قیمت ہی استعمال کریں۔

مثال :-

اس دائرہ کا رقبہ معلوم کریں جس کا محیط  $52\pi$  سینٹی میٹر ہے۔ اپنا جواب 'π' کی صورت میں لکھیے۔

$$\text{محیط} = 2\pi r = 52\pi$$

$$\Rightarrow 2r = 52$$

$$\Rightarrow r = 26 \text{ سینٹی میٹر}$$

$$\text{رقبہ} = \pi r^2$$

$$= \pi (26)^2$$

$$= 676\pi \text{ مربع سینٹی میٹر}$$

حل:

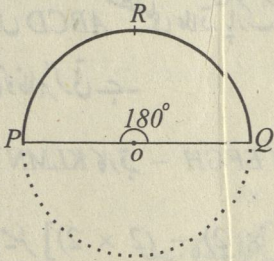
## Area of a Semicircle نصف دائرہ کا رقبہ

نصف دائرہ، دائرہ کا آدھا یا نصف ہوتا ہے۔

جو کہ قطر اور دائرہ کے آدھے محیط پر مشتمل ہوتا ہے۔

دائرہ کا سینکڑ جس کا مرکزی زاویہ  $180^\circ$  ہو،

بھی نصف دائرہ کہلاتا ہے۔



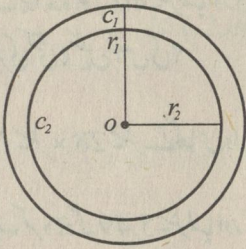
شکل میں

$$\text{توس کی لمبائی} \quad PQ = \frac{1}{2} \text{ محیط}$$

$$\text{سینکڑ کا رقبہ} \quad PRQ = \frac{1}{2} (\text{دائرہ کا رقبہ})$$

$$\text{نصف دائرہ کا رقبہ} = \frac{1}{2} (\pi r^2)$$

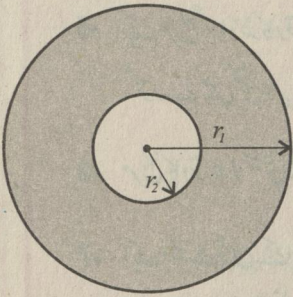
## 9.2.5 ہم مرکز دائروں کے رقبہ Area of Concentric Circles



دائرے جن کے رداس مختلف لیکن مرکز ایک ہی نقطہ ہو، ہم مرکز دائرے کہلاتے ہیں۔ شکل میں  $C_1, C_2$  دو ہم مرکز دائرے جن کا مرکز  $O$  ہے اور رداس مختلف  $r_1$  اور  $r_2$  ہیں۔

**مثال :-**

شکل میں دی گئی ایک واشل کا رقبہ معلوم کریں جس کا بیرونی قطر 6.4 سینٹی میٹر اور اندرونی سوراخ کا قطر 3.6 سینٹی میٹر ہے۔ ( $\pi$  کی قیمت  $\frac{22}{7}$  رکھیے۔)



**حل:**

واشل کا بیرونی قطر  $2r_1 = 6.4$  سینٹی میٹر

واشل کا بیرونی رداس  $r_1 = \frac{6.4}{2}$

$r_1 = 3.2$  سینٹی میٹر

واشل کے اندرونی سوراخ کا رداس  $= r_2 = \frac{3.6}{2} = 1.8$  سینٹی میٹر

واشل کا رقبہ  $= \pi r_1^2 - \pi r_2^2$

$= \pi (3.2)^2 - \pi (1.8)^2$  مربع سینٹی میٹر

$= \pi [(3.2)^2 - (1.8)^2]$  مربع سینٹی میٹر

$= \pi (10.24 - 3.24)$  مربع سینٹی میٹر

$= (\pi \times 7)$  مربع سینٹی میٹر

$= \frac{22}{7} \times 7 = 22$  مربع سینٹی میٹر

## مشق 9.2

1- ایک برآمدہ جوکہ 40 میٹر لمبا اور 15 میٹر چوڑا ہے اس کے فرش پر 5 میٹر × 6 میٹر کے سائز میں پتھر کی کتنی ٹائلیں لگیں گی؟

2- 18 میٹر × 28 میٹر کے گھاس والے پلاٹ کے گرد 1 میٹر چوڑے راستے پر 40 مربع سینٹی میٹر کی کتنی ٹائلیں لگیں گی؟

3- ایک کمرہ جوکہ 5.49 میٹر لمبا اور 3.87 میٹر چوڑا ہے کارقبہ معلوم کریں۔ اس کمرہ میں بحساب 10.50 روپے فی مربع میٹر قالین بچھانے کا کتنا خرچ آئے گا؟

4- ایک چاول کے کھیت کا رقبہ 2.5 ہیکٹر ہے۔ جبکہ اس کے اضلاع میں 3:2 کی نسبت ہے کھیت کا احاطہ معلوم کریں۔

5- ایک مربع گراؤنڈ کا رقبہ 4500 مربع میٹر ہے۔ ایک آدمی کو 3 کلو میٹر فی گھنٹا کی رفتار سے اس کے وتر کے راستے گزرنے میں کتنی دیر لگے گی؟

6- مربع کا وتر 14 سینٹی میٹر لمبا ہے۔ اس کا رقبہ معلوم کریں۔

7- ایک مثلث جس کے اضلاع دیے گئے ہیں، اس کا رقبہ معلوم کریں۔

(i) 120 سینٹی میٹر، 150 سینٹی میٹر اور 200 سینٹی میٹر

(ii) 50 ڈیسی میٹر، 78 ڈیسی میٹر اور 112 ڈیسی میٹر

8- ایک مثلثی علاقے کا احاطہ 540 میٹر ہے اور اس کے اضلاع میں 12:17:25 کی نسبت ہے۔ مثلث کا رقبہ معلوم کریں۔

اشارہ: فرض کیا اضلاع  $12x$ ،  $17x$ ،  $25x$  ہوں تو

$$25x + 17x + 12x = 540 \Rightarrow 54x = 540 \Rightarrow x = 10$$

لہذا اضلاع کی مقداریں 120 میٹر، 170 میٹر اور 250 میٹر

9- ایک متوازی الاضلاع کا رقبہ معلوم کریں جس کے دو متصلا اضلاع 12 سینٹی میٹر اور 14 سینٹی میٹر ہیں اور اس کے وتر کی لمبائی 18 سینٹی میٹر ہے۔

اشارے: فرض کیا ABCD ایک متوازی الاضلاع ہے جس میں سینٹی میٹر  $\overline{AB} = 12$ ،

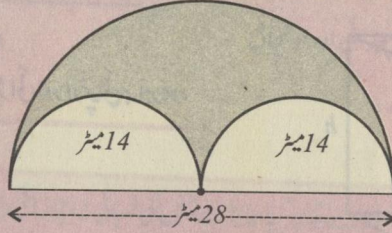
سینٹی میٹر  $\overline{BC} = 14$  اور سینٹی میٹر  $\overline{AC} = 18$   $\triangle ABC$  کا رقبہ معلوم کیجیے۔

(ABC  $\triangle$  کا رقبہ) = 2 = متوازی الاضلاع کا رقبہ



- 10- نیچے دی گئی واشلوں کا رقبہ معلوم کریں جس کے اندرونی اور بیرونی قطر دیے گئے ہیں۔  
 (i) 15 سینٹی میٹر اور 13 سینٹی میٹر  
 (ii) 0.9 میٹر اور 1.2 میٹر  
 (iii) 40 ملی میٹر اور 33 ملی میٹر

- 11- سایہ دار حصہ کا رقبہ معلوم کریں۔



- 12- مساوی الاضلاع مثلث جس کا ضلع 8 میٹر ہے، کا رقبہ معلوم کریں۔

- 13- مساوی الاضلاع مثلث کا ضلع 6 سینٹی میٹر ہے۔ اس کا رقبہ معلوم کریں۔

- 14- قائمہ الزاویہ مثلث کا رقبہ معلوم کریں جس کے دو اضلاع 12 سینٹی میٹر اور 35 سینٹی میٹر ہیں۔

- 15- ایک مستطیل کا قاعدہ اس کے ارتفاع کا تین گنا ہے جبکہ اس کا رقبہ 147 مربع سینٹی میٹر ہے۔  
 قاعدہ اور ارتفاع معلوم کریں۔

- 16- اس متوازی الاضلاع کا قاعدہ معلوم کریں جس کے ارتفاع کی لمبائی 18 سینٹی میٹر اور رقبہ 3 مربع میٹر ہے۔

- 17- ایک متوازی الاضلاع کا رقبہ 144 مربع سینٹی میٹر ہے۔ اس کا ارتفاع معلوم کریں اگر اس کے قاعدہ کی لمبائی 2 سینٹی میٹر ہو۔

- 18- اس مستطیل کا رقبہ معلوم کریں جس کی لمبائی 2 میٹر اور چوڑائی 18 سینٹی میٹر ہے۔

- 19- ایک مساوی الاضلاع مثلث کا رقبہ  $4\sqrt{3}$  مربع سینٹی میٹر ہے۔ اس کے ضلع کی لمبائی معلوم کریں۔

## 9.3 حجم VOLUMES

اس عنوان کے تحت ایسی اشکال کا مطالعہ کریں گے جو کہ مستوی سطح نہیں ہوتیں۔ اس کی سادہ ترین شکل مکعب یا مکعب نما ہے۔ یہ اشکال مکمل طور پر مستوی میں واقع نہیں ہوتیں۔ یہ اشکال ٹھوس (تین پہلو والی) کہلاتی ہیں۔

مکعب، مکعب نما Cube and Cuboid

مکعب: Cube

ایک پہلو شکل جس کی لمبائی چوڑائی اور اونچائی برابر ہو، مکعب کہلاتی ہے۔  
دی گئی شکل مکعب کی ہے۔

$$\text{مکعب کی لمبائی} = l$$

$$\text{مکعب کی چوڑائی} = b$$

$$\text{مکعب کی اونچائی} = h$$

$$l = b = h \text{ جبکہ}$$

$$\text{مکعب کا حجم} = V = l \times l \times l$$

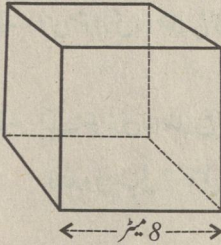
$$\text{یا مکعب اکائیاں} = V = l^3$$

لہذا

مثال :-

ایسے مکعب کا حجم معلوم کریں جس کا ہر کنارہ 8 میٹر ہو۔

حل:



$$\text{مکعب کا کنارہ} = 8 \text{ میٹر}$$

$$\text{حجم} = l^3$$

$$V = 8 \times 8 \times 8 = 8^3$$

$$V = 512 \text{ مکعب میٹر}$$

اطراف: لمبائی کی ایک طرف ہوتی ہے۔

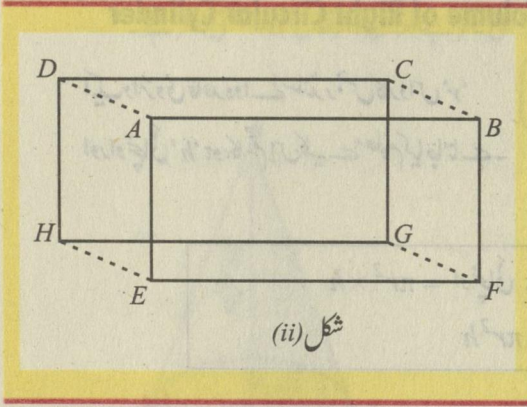
رقبہ کی دو اطراف ہوتی ہیں۔

حجم کی تین اطراف ہوتی ہیں۔

## مکعب نما Cuboid

ایک چھ پہلو شکل جس کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی ہو، مکعب نما کہلاتی ہے۔ (یا مستطیلی متوازی الاضلاعی پائپ نما) شکل (ii) مکعب نما کو ظاہر کرتی ہے۔

مکعب نما کی لمبائی چوڑائی اور اونچائی کو بالترتیب  $l$ ،  $b$  اور  $h$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ لمبائی، چوڑائی اور اونچائی مکعب نما کی اطراف بھی کہلاتی ہیں۔

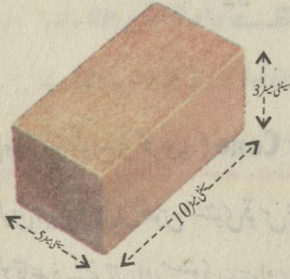


ایک مکعب نما کا حجم  $V$  سے ظاہر کیا جاتا ہے جس کی لمبائی  $l$ ، چوڑائی  $b$  اور اونچائی  $h$  ہو۔

$$V = l \times b \times h$$

## مثال :-

لکڑی کے بلاک کا حجم معلوم کریں جس کی لمبائی، چوڑائی اور اونچائی بالترتیب 10 سینٹی میٹر، 5 سینٹی میٹر اور 3 سینٹی میٹر ہیں۔



## حل:

دیا گیا ہے

لکڑی کے بلاک کی لمبائی = 10 سینٹی میٹر  
 لکڑی کے بلاک کی چوڑائی = 5 سینٹی میٹر  
 لکڑی کے بلاک کی اونچائی = 3 سینٹی میٹر

$$V = l \times b \times h$$

$$= 10 \times 5 \times 3$$

$$= 150 \text{ سینٹی میٹر مکعب}$$

مکعب اور مکعب نما کا حجم:

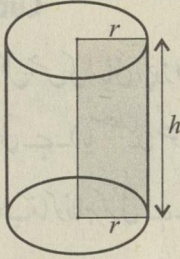
1- لمبائی، چوڑائی اور اونچائی ایک ہی اکائی میں ہونے چاہئیں۔

2- درج بالا کلیہ سے ہم مشاہدہ کرتے ہیں کہ

$$l \text{ لمبائی} = \frac{v}{b \times h}$$

$$b \text{ چوڑائی} = \frac{v}{l \times h}$$

$$h \text{ اونچائی} = \frac{v}{l \times b}$$



## ایک عمودی دائروی سلنڈر کا حجم Volume of Right Circular Cylinder

ایک دائروی قاعدہ والے سلنڈر جس کا رداس 'r' اور اونچائی 'h' ہو، کا حجم اس کلیہ سے معلوم کیا جاتا ہے۔

$$\text{سلنڈر کا حجم} = \text{قاعدہ کا رقبہ} \times \text{اونچائی} = \pi r^2 \times h$$

$$\text{حجم} = \pi r^2 h$$

مثال :-

سلنڈر کا حجم 12320 مکعب سینٹی میٹر اور اونچائی 20 سینٹی میٹر ہے، سلنڈر کا رداس معلوم کریں۔

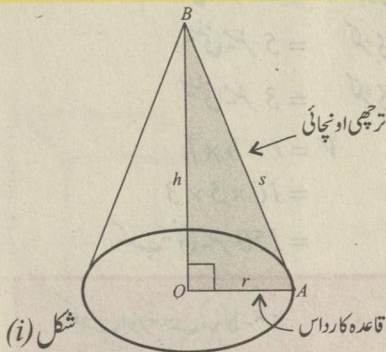
حل: دیا گیا ہے  $r = ?$  سینٹی میٹر  $h = 20$  مکعب سینٹی میٹر  $v = 12320$

$$v = \pi \times r^2 \times h \Rightarrow r^2 = \frac{v}{\pi h}$$

$$r^2 = \frac{12320}{\frac{22}{7} \times 20} = \frac{12320 \times 7}{22 \times 20} = \frac{616 \times 7}{22} = 196$$

$$r = 14 \text{ سینٹی میٹر}$$

## عمودی دائروی کون (مخروط) Right Circular Cone



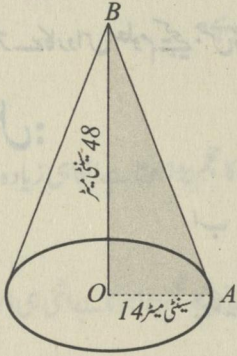
کون Cone ایک ٹھوس مستوی قوس نما سطح ہوتی ہے جس کو قاعدہ کہتے ہیں اور مستوی سے اوپر ایک کونا جس کو کون کا اس کہتے ہیں نکلا ہوتا ہے۔ ایک عمودی دائروی کون، ایک قائمہ الزاویہ مثلث BOA (شکل (i)) میں دکھایا گیا ہے جو OB کے گرد گھما کر حاصل کیا جاتا ہے۔ کون کا قاعدہ ایک دائرہ جس کا رداس OA بنتا ہے۔ B کون کا اس ہے اور BA ترچھا ضلع ہے۔

$$\text{کون کا حجم} = \frac{1}{3} \times \text{قاعدہ کا رقبہ} \times \text{ارتفاع}$$

$$\text{کون کا حجم} = v = \frac{1}{3} \pi \times r^2 \times h$$

## مثال :-

ایک مخروط (کون) جس کے دائروی قاعدہ کا رداس 14 سینٹی میٹر ہے اور اس کا ارتفاع 48 سینٹی میٹر ہے۔  
مخروط کا حجم معلوم کیجیے۔ ( $\pi$  کی قیمت  $\frac{22}{7}$  لیجیے۔)



حل: دیا گیا ہے کہ

$$\text{سینٹی میٹر } r = 14 = \text{قاعدہ کا رداس}$$

$$\text{سینٹی میٹر } h = 48 = \text{مخروط کا ارتفاع}$$

$$\text{مخروط کا حجم} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

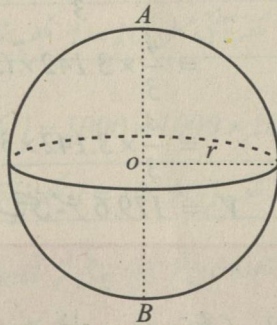
$$= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times (14)^2 \times 48$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 196 \times 48$$

$$= 9856 \text{ سینٹی میٹر مکعب}$$

## کرتہ Sphere

کرتہ ایک سطح سے گھرا ہوا ایسا جسم ہوتا ہے جس پر ہر نقطہ اس کے اندر ایک معین نقطہ سے برابر فاصلہ پر ہوتا ہے۔  
معین نقطہ کو کرتہ کا مرکز کہتے ہیں۔ معین نقطہ (مرکز) سے کرتہ کی سطح پر موجود نقاط کا فاصلہ کرتے کا رداس کہلاتا ہے  
جسے عموماً 'r' سے ظاہر کیا جاتا ہے۔



$$\text{کرتے کا حجم} = \frac{2}{3} \times 2\pi r^3$$

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 \text{ جبکہ } r \text{ کرتے کا رداس کہلاتا ہے۔}$$

## Hemisphere کرہ نصف

اگر کڑے کو دو برابر حصوں میں تقسیم کیا جائے تو ہر حصہ نصف کرہ کہلاتا ہے۔

## مثال 1:-

کڑے کا رداس معلوم کیجیے جس کا حجم 850 مکعب میٹر ہے۔ جبکہ  $\pi$  کی قیمت  $\frac{22}{7}$  ہے۔

$$\begin{aligned} \text{مکعب میٹر} &= 850 \text{ کڑے کا حجم} \\ \text{رداس} &= ? \end{aligned}$$

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 \quad \text{اب}$$

$$r^3 = \frac{3V}{4\pi} \quad \text{چونکہ}$$

$$\Rightarrow r^3 = \frac{3 \times 850 \times 7}{4 \times 22}$$

$$\Rightarrow r^3 = 202.8409$$

$$\Rightarrow r = (202.8409)^{\frac{1}{3}}$$

$$= 5.88 \text{ میٹر}$$

## مثال 2:-

کڑے کا حجم معلوم کریں جس کا رداس 3.5 سینٹی میٹر ہے۔

$$\text{کڑے کا رداس} = r = 3.5 \text{ سینٹی میٹر}$$

$$\text{کڑے کا حجم} = V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$= \frac{4}{3} \times 3.142 \times (3.5)^3$$

$$= \frac{4}{3} \times 3.142 \times 3.5 \times 3.5 \times 3.5$$

$$V = 179.6 \text{ مکعب سینٹی میٹر}$$

حجم کی کچھ معیاری اکائیاں:

اگر ہم 1 سینٹی میٹر، 1 ملی میٹر یا 1 میٹر ضلع والے مکعب کو حجم کی پیمائش کرنے کے لیے معیار مقرر کریں

مکعب سینٹی میٹر

مکعب ملی میٹر

مکعب میٹر

تو حجم کی اکائیاں ہوں گی

## حجم کے متعلقہ روزمرہ زندگی سے مسائل Real Life Problems Related to Volume

ایک ٹھوس شے کی جسامت کی مقدار کی پیمائش ہوتی ہے۔ ٹھوس شے کی جسامت کی اس مقدار کو حجم کہتے ہیں۔

دوسرے لفظوں میں اس جگہ شے یا خلا کی پیمائش جو ٹھوس جسم گھیرتا ہے، اس کا حجم کہلاتی ہے۔

مثال کے طور پر حقیقی زندگی کے متعلقہ مسائل کو لیتے ہیں۔

1. ایک مکعب نما اونچا پانی جمع کرنے کے لیے ٹینک بنایا جاتا ہے۔ جتنا اس کا حجم بڑا ہوتا ہے اتنا ہی زیادہ پانی اس میں جمع کیا جاسکتا ہے۔
2. ایک مکعب نمائین کا ڈبہ تیل جمع کرنے کے لیے بنایا جاتا ہے۔ جتنا اس مکعب نما کا حجم بڑا ہوتا ہے اتنی ہی اس میں تیل جمع کرنے کی صلاحیت زیادہ ہوتی ہے۔

یاد رکھیے کہ:

1- چونکہ  
لہذا  
مکعب ملی میٹر  $1 = 10 \times 10 \times 10$  سینٹی میٹر  
مکعب ملی میٹر  $1 = 1000$  مکعب سینٹی میٹر

2- مکعب سینٹی میٹر  $1 = 100 \times 100 \times 100$  مکعب میٹر  
 $= 1000000$  مکعب سینٹی میٹر

یا  
مکعب سینٹی میٹر  $1 = 10^6$  مکعب میٹر

مکعب ملی میٹر  $1 = 1000 \times 1000 \times 1000$  مکعب میٹر

مکعب ملی میٹر  $1 = 10^9$  مکعب میٹر

3- مائع کا حجم ماپنے کے لیے ہم اکائیاں لٹر (l) یا ملی لٹر (ml) استعمال کرتے ہیں۔

ملی لٹر  $1 = 1$  مکعب سینٹی میٹر  
اور  
لٹر  $1 = 1000$  مکعب سینٹی میٹر  
لٹر  $1000 = 1000000$  مکعب سینٹی میٹر  
لٹر  $1 = 1000000$  مکعب میٹر

(1 کلو لٹر)  $1 = 1kl$  مکعب میٹر

## مثال 1:-

ایک ٹینک جس کی لمبائی، چوڑائی اور گہرائی بالترتیب 6.3 میٹر، 4.5 میٹر اور 3.6 میٹر ہے، کا حجم (گنجائش) لٹر میں معلوم کریں۔

حل:

$$\text{ٹینک کی لمبائی} = 6.3 \text{ میٹر}$$

$$\text{ٹینک کی چوڑائی} = 4.5 \text{ میٹر}$$

$$\text{ٹینک کی گہرائی} = 3.6 \text{ میٹر}$$

$$\text{ٹینک کا حجم} = \ell \times b \times h = 6.3 \times 4.5 \times 3.6$$

$$= 102.06 \text{ مکعب میٹر}$$

یا

$$\text{ٹینک کا حجم} = 102.06 \times 100 \times 100 \times 100$$

$$= 102060000 \text{ مکعب سینٹی میٹر}$$

$$= 102060 \text{ لٹر} \quad (1000 = 1 \text{ مکعب سینٹی میٹر} \therefore)$$

## مثال 2:-

ایک ٹینک کی گنجائش 60 کلو لٹر ہے۔ اگر ٹینک کی لمبائی اور چوڑائی بالترتیب 5 میٹر اور 4 میٹر ہوتو اس کی گہرائی معلوم کریں۔

حل:

$$\text{ٹینک کا حجم} = 60 \text{ لٹر} = 60000 = 60 \text{ مکعب میٹر}$$

$$\text{ٹینک کی لمبائی} = 5 \text{ میٹر}$$

$$\text{ٹینک کی چوڑائی} = 4 \text{ میٹر}$$

$$\text{ٹینک کی گہرائی} = d \text{ اب}$$

$$\text{حجم} = \text{گہرائی} \times \text{چوڑائی} \times \text{لمبائی}$$

$$\text{ٹینک کی گہرائی} = \frac{\text{حجم}}{\text{چوڑائی} \times \text{لمبائی}} \quad \text{پس}$$

$$= \frac{60}{20} \quad (\because 60000 \text{ لٹر} = 60 \text{ مکعب میٹر})$$

$$= 3 \text{ میٹر}$$



## مشق 9.3

ٹھوس اجسام کے حجم معلوم کریں۔

- 1- ایک مکعب جس کا ضلع (کنارا) 4 سینٹی میٹر ہو۔
- 2- ایک مکعب جس کا کل سطحی رقبہ 96 مربع سینٹی میٹر ہو۔
- 3- ایک مکعب نما ڈبہ جس کی لمبائی 4 میٹر، چوڑائی 3 میٹر اور اونچائی 2 میٹر ہو۔
- 4- ایک عمودی سلنڈر کا، جس کے قاعدہ کا رداس 4 سینٹی میٹر اور ارتفاع 10 سینٹی میٹر ہو۔  $\pi$  کی قیمت  $\frac{22}{7}$  لیجیے۔
- 5- ایک دائروی مخروط (کون) کا، جس کے قاعدہ کا رداس 3 سینٹی میٹر اور ارتفاع 10 سینٹی میٹر ہو۔
- 6- ایک کرہ کا، جس کا رداس 3 سینٹی میٹر ہو۔
- 7- ایک سلنڈر کا، جس کے قاعدہ کا محیط 4 سینٹی میٹر اور لمبائی 1 میٹر ہو۔
- 8- ایک مخروط کا، جس کی بلندی 9 سینٹی میٹر اور قاعدہ کا رداس 6 سینٹی میٹر ہو۔

## جائزہ مشق -9

I- صحیح جوابات پر دائرہ لگائیے۔

1. اگر کسی قائمہ الزاویہ مثلث کے وتر کا مربع اس کے باقی دو اضلاع کے مربع کے مجموعہ کے برابر ہو تو یہ کہلاتا ہے:

- |                        |                           |
|------------------------|---------------------------|
| (a) مسدقاً غورث        | (b) غیر مساوی اضلاعی مثلث |
| (c) مساوی الاضلاع مثلث | (d) متساوی الساقین مثلث   |

2. ایسی مثلث جس کے تینوں اضلاع کی مقدریں معلوم ہوں اس کے رقبہ کی مقدار ہوتی ہے:

- |                               |                       |
|-------------------------------|-----------------------|
| (a) $\frac{1}{2}bh$           | (b) $bh$              |
| (c) $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$ | (d) $\frac{a+b+c}{2}$ |

3. مساوی الاضلاع مثلث جس کا ضلع 'a' ہو، کا رقبہ ہوتا ہے:

- |                     |          |                             |                             |
|---------------------|----------|-----------------------------|-----------------------------|
| (a) $\frac{1}{2}bh$ | (b) $bh$ | (c) $\frac{\sqrt{3}a^2}{4}$ | (d) $\frac{\sqrt{3}a^2}{2}$ |
|---------------------|----------|-----------------------------|-----------------------------|

## جائزہ مشق - 9

4. مستطیل کا رقبہ ہوتا ہے:

(a)  $l \times b$

(b)  $\frac{1}{2} \times l + b$

(c)  $\frac{1}{3} \times l + b$

(d)  $l^2$

5. ایسا مربع جس کا ضلع 'S' ہو، کا رقبہ ہوتا ہے:

(a) S

(b) 4S

(c) 2S

(d)  $S^2$

6. دائرہ جس کا رداس 'r' ہے، کا رقبہ ہوتا ہے:

(a)  $r^2$

(b)  $2\pi r$

(c)  $\pi r^2$

(d)  $\pi^2 r$

7. نصف دائرہ کا رقبہ ہوتا ہے:

(a)  $\frac{\pi r^2}{2}$

(b)  $\pi r^2$

(c)  $\pi^2 r$

(d)  $2\pi r$

8. ایک مکعب کا حجم جس کا کنارہ 'l' ہو:

(a)  $l^2$

(b) 3l

(c)  $l^3$

(d)  $l^4$

9. ایک عمودی دائروں سلنڈر کا حجم ہوتا ہے:

(a)  $\frac{\pi r^2 h}{3}$

(b)  $\frac{\pi r^2 h}{2}$

(c)  $\pi r^2 h$

(d)  $\frac{4}{3} \pi r^2$

II - خالی جگہوں کو پُر کریں:

1. اگر قائمہ الزاویہ مثلث کے وتر کا مربع اس کے باقی اضلاع کے مربعوں کے برابر ہو تو اسے

مسئلہ \_\_\_\_\_ کہتے ہیں۔

2. کسی بند شکل کی چار دیواری میں بند علاقہ \_\_\_\_\_ کہلاتا ہے۔

3. مثلث کا رقبہ = \_\_\_\_\_

4. کسی مثلث کے لیے ہیرو کلیہ کے مطابق  $A =$  \_\_\_\_\_

5. کسی مساوی الاضلاع مثلث جس کے ضلع کی لمبائی 'a' ہو، کا رقبہ = \_\_\_\_\_

6. مستطیل کا رقبہ = \_\_\_\_\_

7. دائرہ کا رقبہ = \_\_\_\_\_ -

8. مکعب جس کے کنارے کی لمبائی 'l' ہو، کا حجم \_\_\_\_\_ کے برابر ہوتا ہے۔

9. کسی مکعب نما کا حجم = \_\_\_\_\_ -

10. عمودی دائروں کی مخروط (کون) کا حجم = \_\_\_\_\_ -

## SUMMARY خلاصہ

مسئلہ فیثا غورث: کسی قائمہ الزاویہ مثلث میں وتر کا مربع باقی دونوں اضلاع پر مربعوں کے مجموعہ کے برابر ہوتا ہے۔

رقبہ: کسی بھی بند شکل کی چار دیواری کے اندر کی جگہ -

$$\text{مثلث کا رقبہ: ارتفاع} \times \text{قاعدہ} \times \frac{1}{2} = A$$

$$\text{مثلث کا رقبہ: } A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$s = \frac{a+b+c}{2} \text{ : مثلث کے اضلاع کی لمبائیاں ہیں}$$

$$\text{مساوی الاضلاع مثلث کا رقبہ: } A = \frac{\sqrt{3}a^2}{4} \text{ جبکہ 'a' مثلث کے ضلع کی لمبائی ہے}$$

$$\text{مستطیل کا رقبہ: چوڑائی} \times \text{لمبائی} = A$$

$$\text{مربع کا رقبہ: ضلع} \times \text{ضلع} = A$$

$$\text{متوازی الاضلاع کا رقبہ: ارتفاع} \times \text{قاعدہ} = A$$

$$\text{دائرہ کا رقبہ: } A = \pi r^2$$

دائرہ کا محیط:  $C = 2 \pi r$

نصف دائرہ کا رقبہ:  $A = \frac{1}{2} (\pi r^2)$

واشل کا رقبہ:  $A = \pi [r_1^2 - r_2^2]$

جیکہ  $r_1$  بیرونی دائرہ کا رداس

$r_2$  اندرونی دائرہ کا رداس

حجم: سمتی شکل میں گہرائی اور علاقہ۔

مکعب کا حجم:  $V = l^3$ ،  $l$  کنارہ کی لمبائی ہے۔

مکعب نما کا حجم:  $V = l \times b \times h$

اونچائی  $h$ ، چوڑائی  $b$ ، لمبائی  $l$

عمودی دائروں کی سلنڈر کا حجم:  $V = \pi r^2 h$

سلنڈر کی اونچائی  $h$

قاعدہ کا رداس  $r$

عمودی دائروں کی مخروط کا حجم:  $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$

مخروط کا ارتفاع  $h$

قاعدہ کا رداس  $r$

کرے کا حجم:  $V = \frac{4}{3} \pi r^3$

نصف کرے کا حجم:  $V = \frac{2}{3} \pi r^3$